



# Top500, HPCGへの挑戦

計算科学研究機構 運用技術部門  
ソフトウェア技術チーム チームヘッド

南 一生

## 本日の趣旨

- 世界で最も高速なスパコンを評価するプロジェクトとしてTOP500がある。
- TOP500は、1993年に発足した。
- TOP500にはLINPACKというベンチマークプログラムが用いられている。
- LINPACKは、演算性能の評価に重きを置いているため、近年、実アプリケーションとの乖離が指摘されることもあった。
- そこで、実アプリケーションで使われる計算手法の性能評価に重きを置いたベンチマークプログラム:HPCGが提案されている。
- 「京」は、2011年にTOP500, 1位, 2014年にHPCG, 2位を獲得した。
- 現代のスパコンの特徴から見たBMTの特性と、高い性能を引き出すベンチマークプログラムのチューニングへの挑戦について話す。

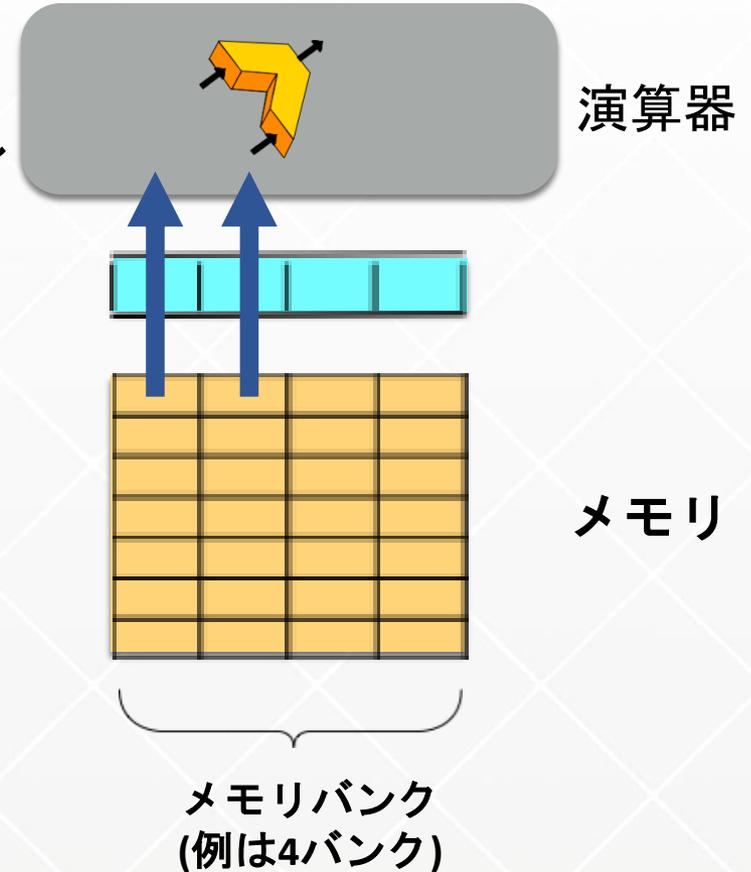
# 最初に —コンピュータの過去と現在—

# 昔のコンピュータ

## シングルプロセッサ

- メモリは一定時間を経過しないと  
メモリバンクにアクセスできない
- 昔は20サイクルくらい待っていた
- しかし動作周波数が低かったため演  
算器も遅く演算速度とメモリ転送性  
能は釣り合っていた

動作周波数が低い

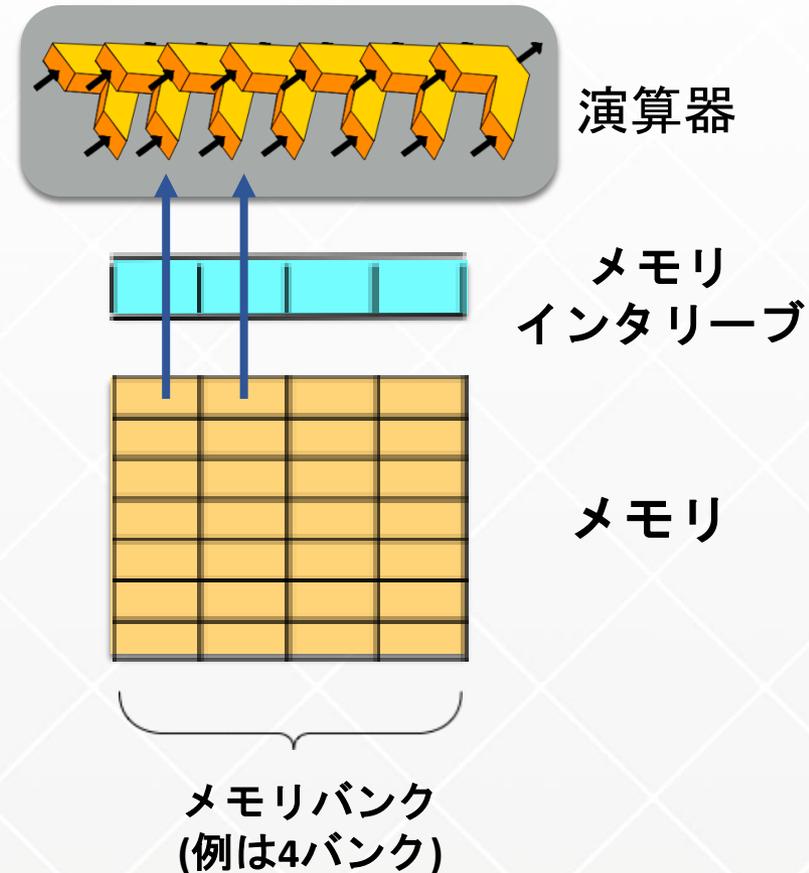


# シングルプロセッサの問題

## メモリウォール問題

- メモリは動作周波数が高くなってくるともっと待つ事となる(100-200サイクル)
- メモリに比べて演算器は動作周波数が高くなり高速になった
- さらに半導体プロセスの微細化により演算器はCPUにたくさん搭載可能となった
- 結果的に演算器に比べメモリのデータ転送能力が低くなった

動作周波数が高い場合(現在)

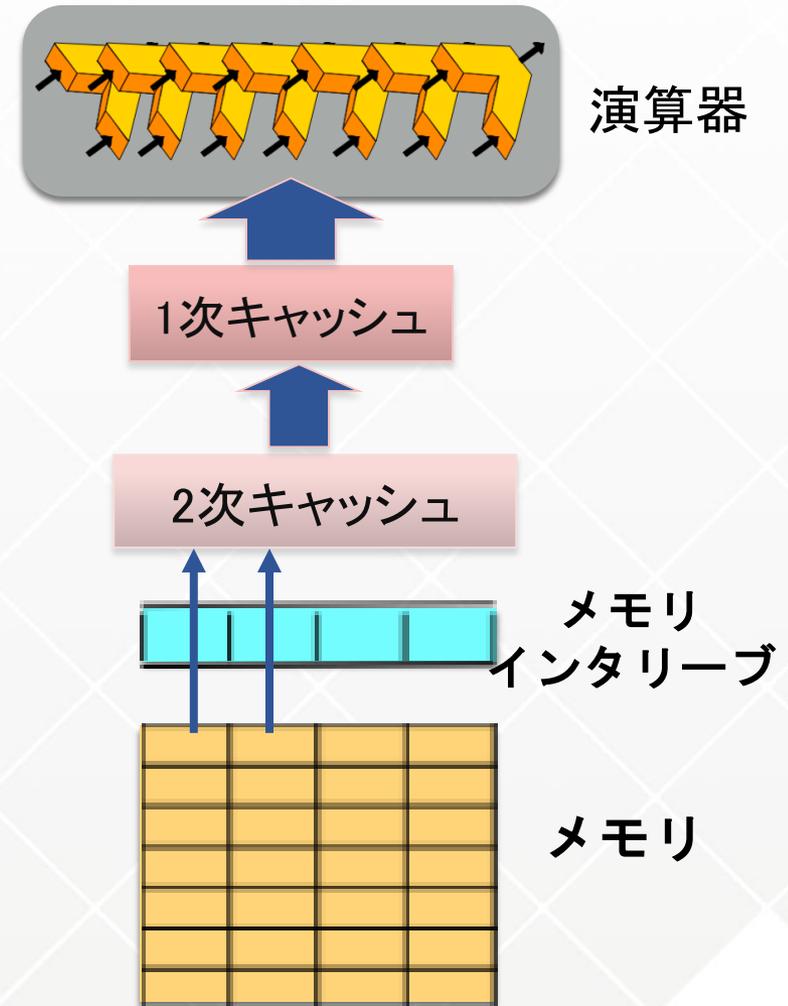


# シングルプロセッサの問題

## 対策

- データ供給能力の高いキャッシュをメモリと演算器間に設ける
- データをなるべくキャッシュに置きデータを再利用する事でメモリのデータ供給能力の不足を補う
- こうすることで演算器の能力を使い切る
- 多くのスカラー機はこの方式を取っている

## 動作周波数が高い場合



# シングルプロセッサの問題

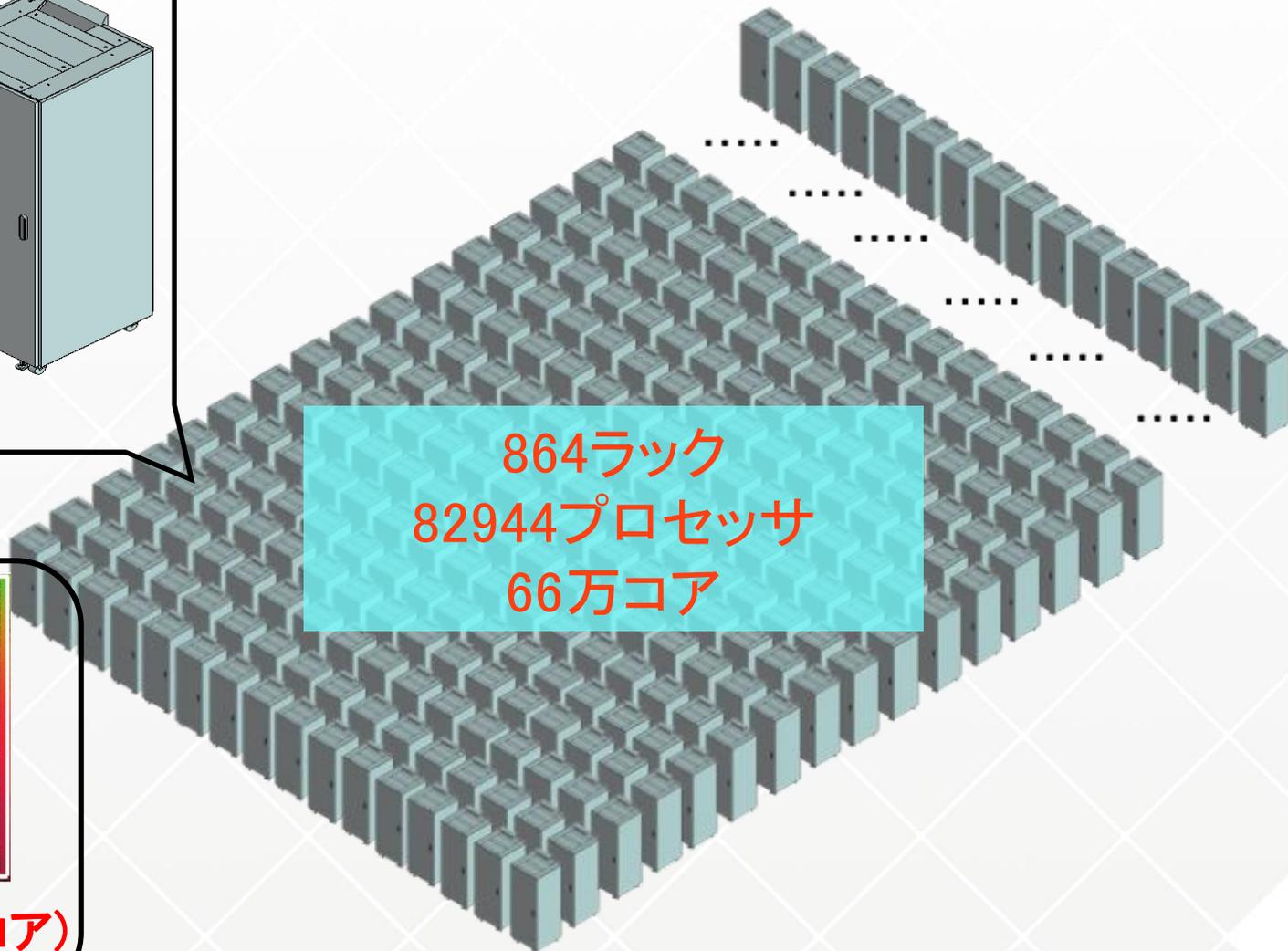
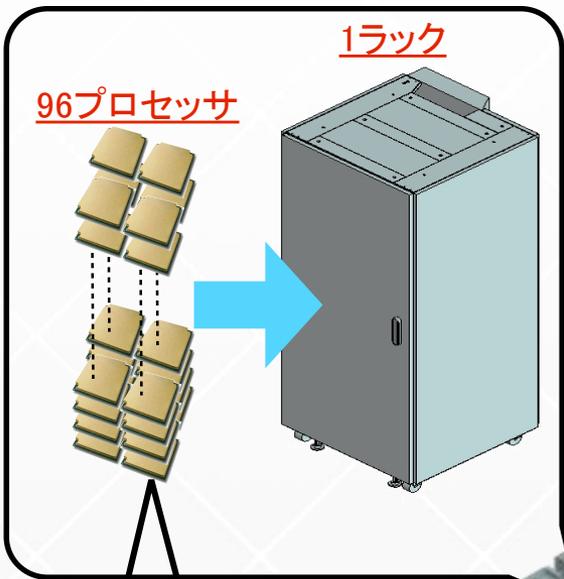
## 一台のコンピュータの処理限界

- 動作周波数を上げる事で電力が吹き上がる
- 動作周波数の限界を迎えつつある
- メモリウォール問題もあり一台のコンピュータの演算能力を上げててもメモリの能力が追いつかない

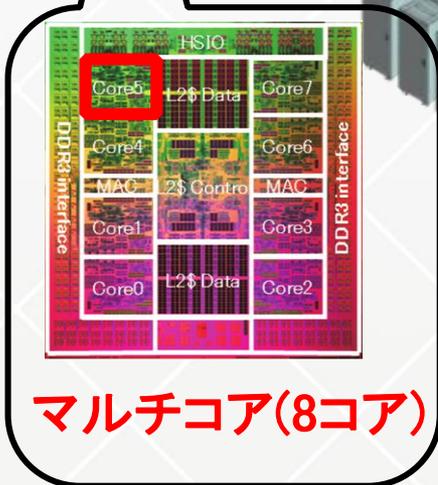
**そこで！**

# そこで超並列処理！

## 50m×60mの部屋に



864ラック  
82944プロセッサ  
66万コア



# 次に —現代のスパコンについて—

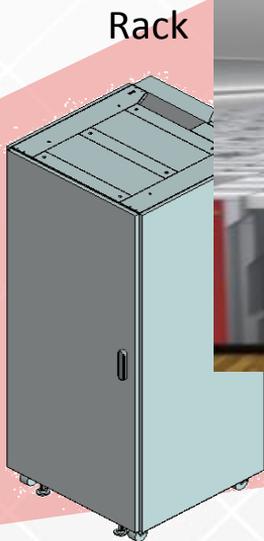
# 現代のスパコン利用の難しさ

アプリケーションの超並列性を引き出す

現代のスーパーコンピュータシステム

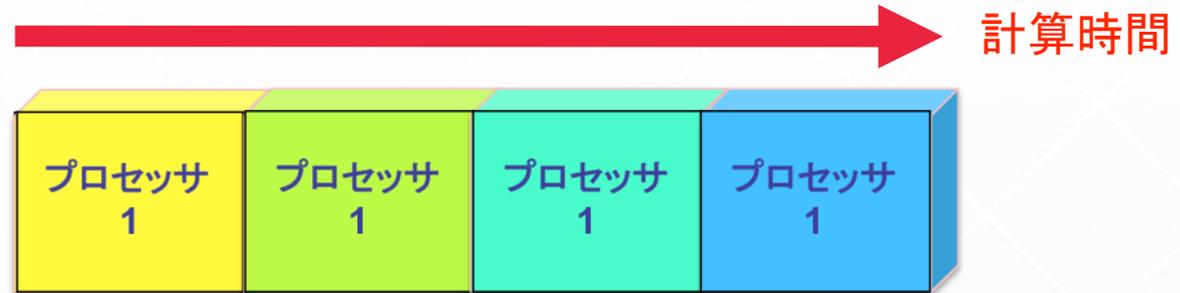
## プロセッサの単体性能

現代のプロセッサを引き出す



# 並列化とは？

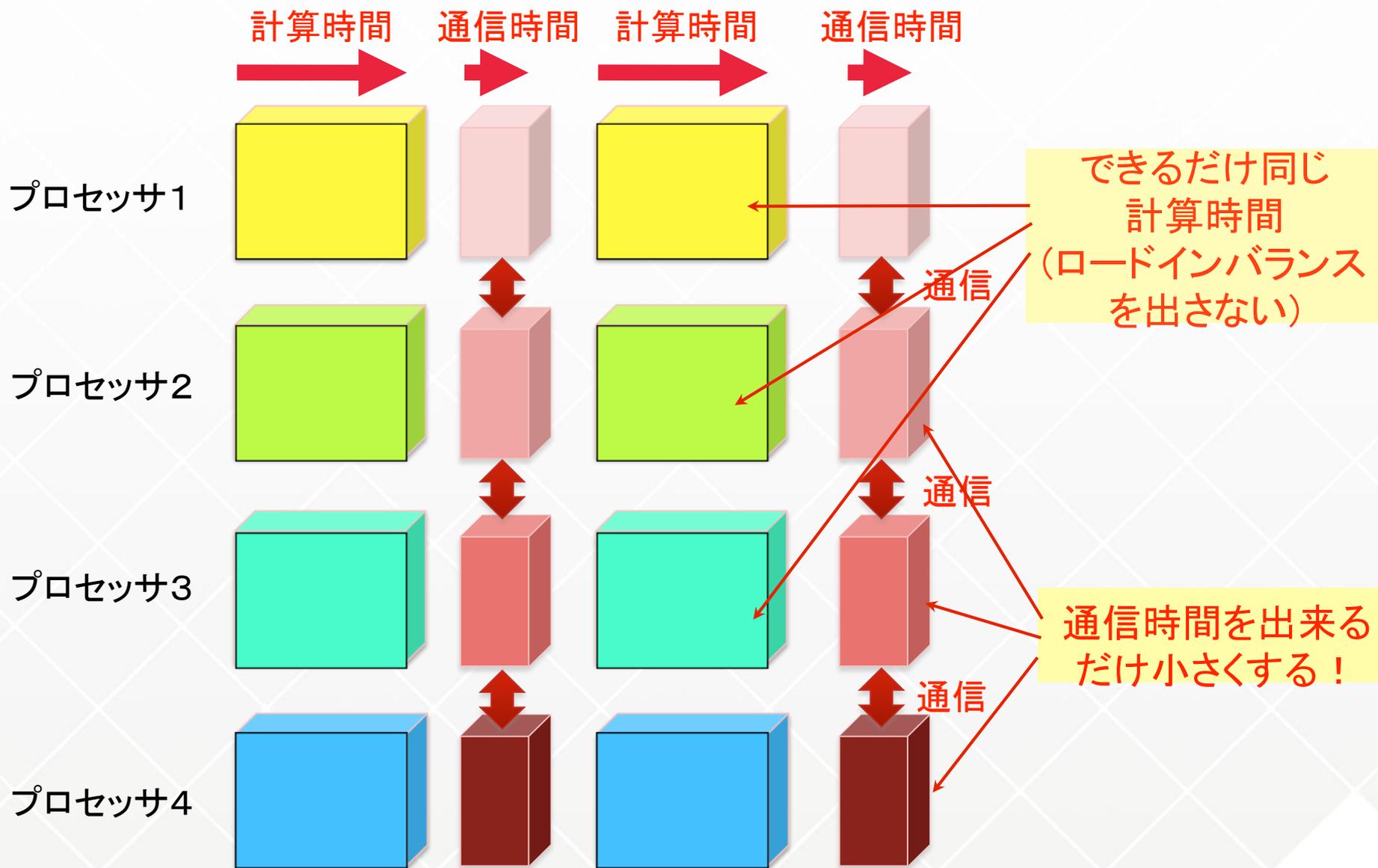
逐次計算



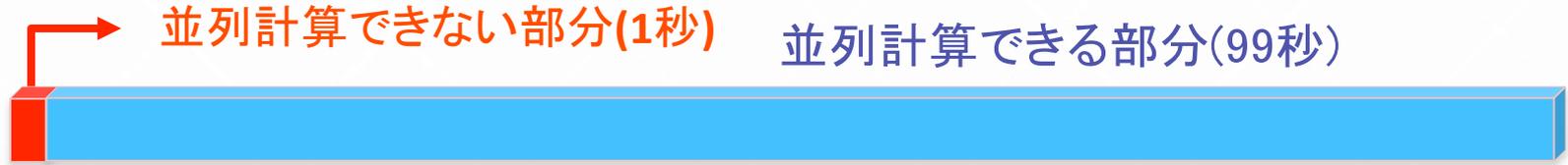
並列計算



# 並列化とは？



# 並列化とは？



$$1+0.99=1.99\text{秒}$$



ほぼ50倍

1000  
プロセッサ

$$1+0.099=1.099\text{秒}$$



ほぼ91倍

**必要な並列度を確保する！**

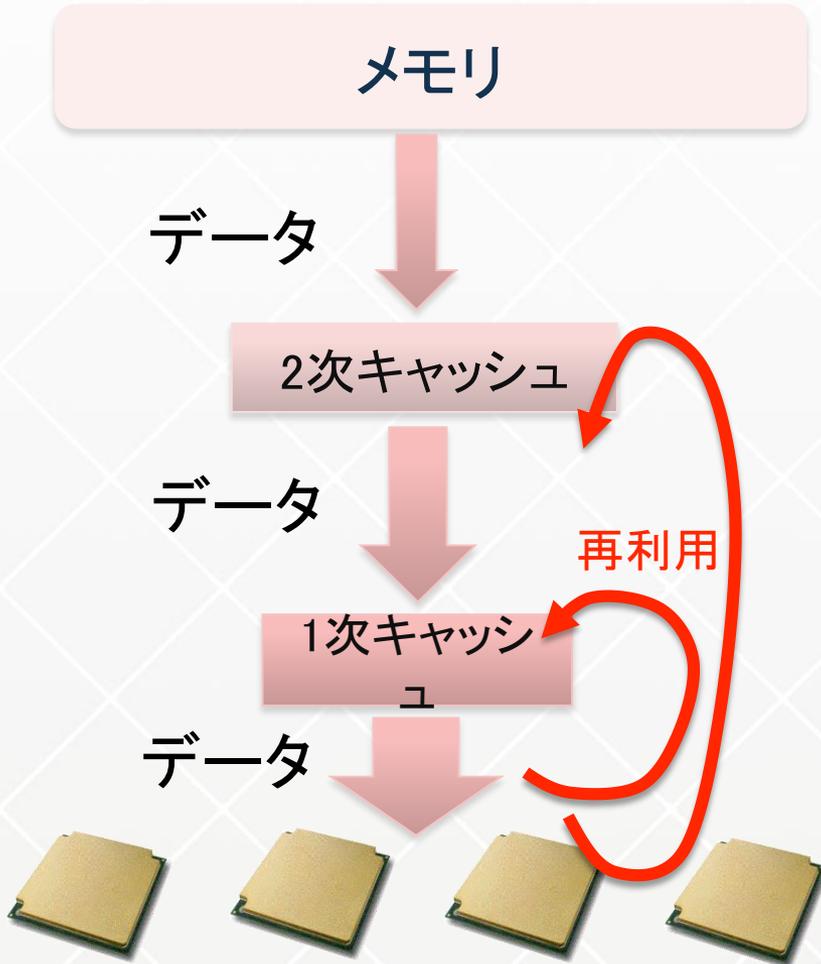
**並列計算できない部分(非並列部)を限りなく小さくする！**

# プロセッサの単体性能を引き出すとは？

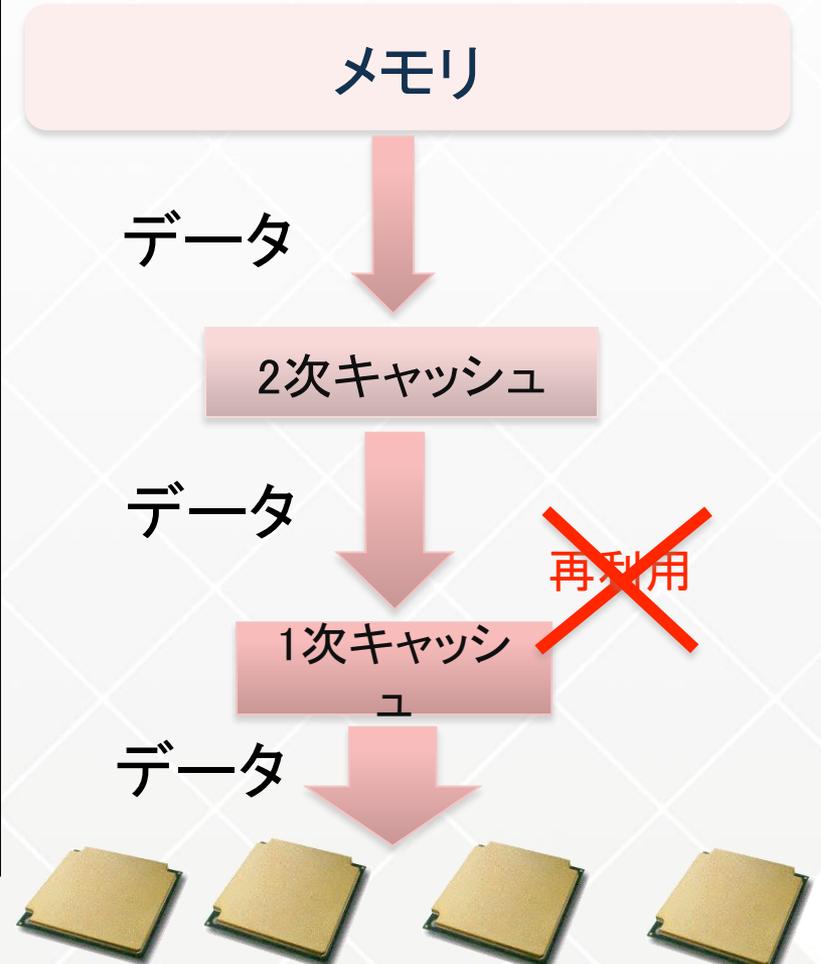
## マルチコア化

**+** 以下を考慮したプログラミング

データの再利用**可能**なアプリ



データの再利用**不可能**なアプリ



# LINPACKとHPCG

# シミュレーションは・・・

## 連立1次方程式として解くことが多い

2元連立1次方程式

2元連立1次方程式の**行列**形式

解

$$\begin{array}{l}
 3x + 5y = 3 \\
 x + 4y = 8
 \end{array}
 \quad \longrightarrow \quad
 \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}
 \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}
 =
 \begin{pmatrix} 3 \\ 8 \end{pmatrix}
 \quad
 \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}
 =
 \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \end{pmatrix}$$

**書き換え**

**行列**

$$\begin{pmatrix}
 a2 & a3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 b1 & b2 & b3 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & c1 & c2 & c3 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & d1 & d2 & d3 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & e1 & e2 & e3 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & f1 & f2
 \end{pmatrix}
 \begin{pmatrix}
 u \\
 v \\
 w \\
 x \\
 y \\
 z
 \end{pmatrix}
 =
 \begin{pmatrix}
 g1 \\
 g2 \\
 g3 \\
 g4 \\
 g5 \\
 g6
 \end{pmatrix}
 \quad \longrightarrow \quad
 Ax = b$$

**略してこう書く**

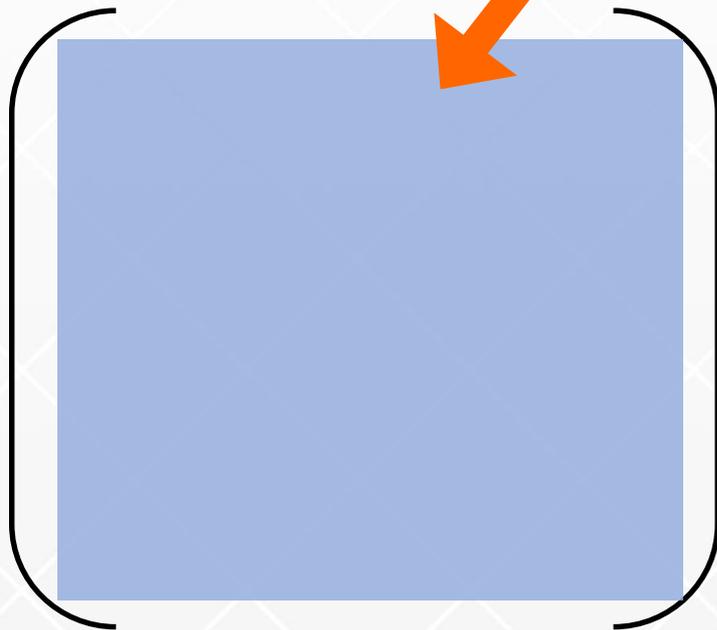
**行列**

# LINPACKとHPCG

$$Ax = b$$

LINPACK

(**密**行列・直接解法)

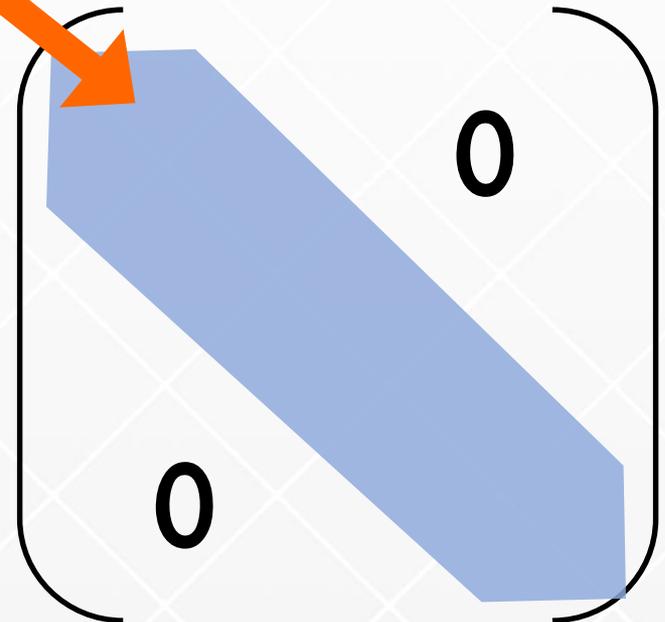


精密な計算をする電子状態シミュレーション等の分野このタイプが多い

(\*) 正確には連立一次方程式でなく  
固有値方程式となる

HPCG

(**疎**行列・反復解法)



工学等の分野にこのタイプが多い

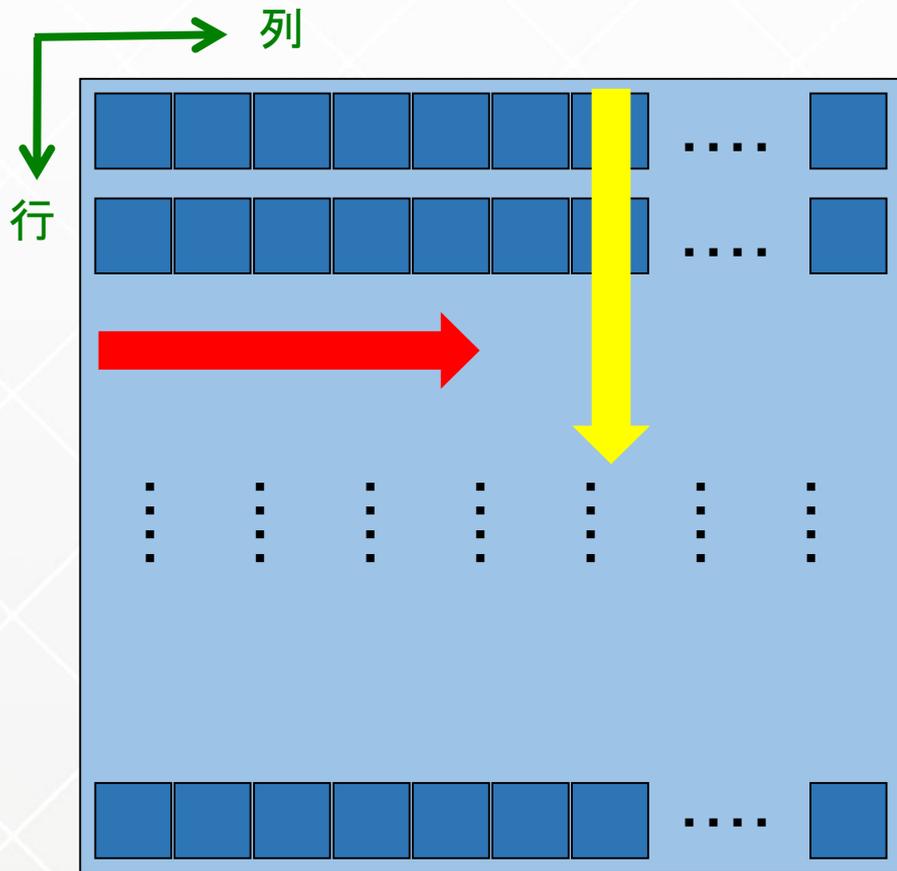
# LINPACKとHPCGの難しい点

		LINPACK	HPCG
並列性能	・できるだけ同じ計算時間	○	○
	・通信時間を出来るだけ小さくする	×	○
	・必要な並列度を確保する	○	○
	・並列計算できない部分(非並列部)を限りなく小さくする	○	○
単体性能	・マルチコア化	○	×
	・データの再利用可能なアプリ	○	×

# LINPACKのためのチャレンジ



- ・ 行方向通信について
- ・ 計算と通信が同時実行可. 計算と通信のオーバーラップ.
- ・ 「京」独特の通信ハードウェア(Tofu)
- ・ Tofuの特徴を生かした徹底的に速い通信ライブラリ開発



- ・ 列方向通信について
- ・ 計算と通信が同時に実行できない
- ・ 行方向の通信を早くしたい
- ・ Tofuはデータの配置を6次元に自由に配置可能
- ・ 行方向通信が早くなるようデータ配置を工夫



(プロセッサ)

- ・ プロセッサ内計算について
- ・ 元々プロセッサの性能は出やすいが！
- ・ プロセッサ性能限界まで高速化！



(全体)

- ・ できるだけ大規模な問題を解いて性能を出す
- ・ 大規模化して長時間実行となる
- ・ 高い信頼性により長時間実行が可能

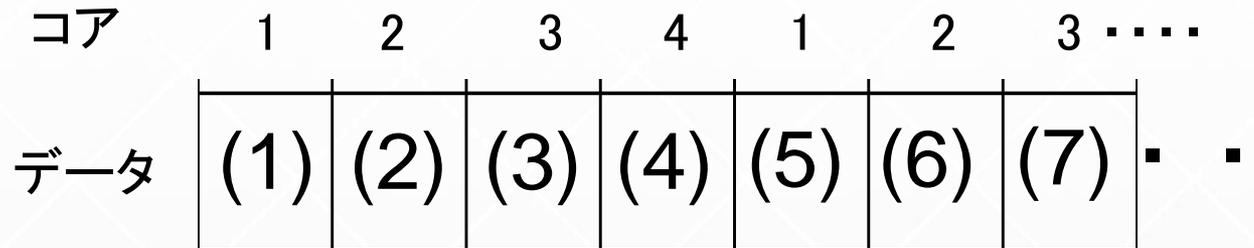
# LINPACKの結果



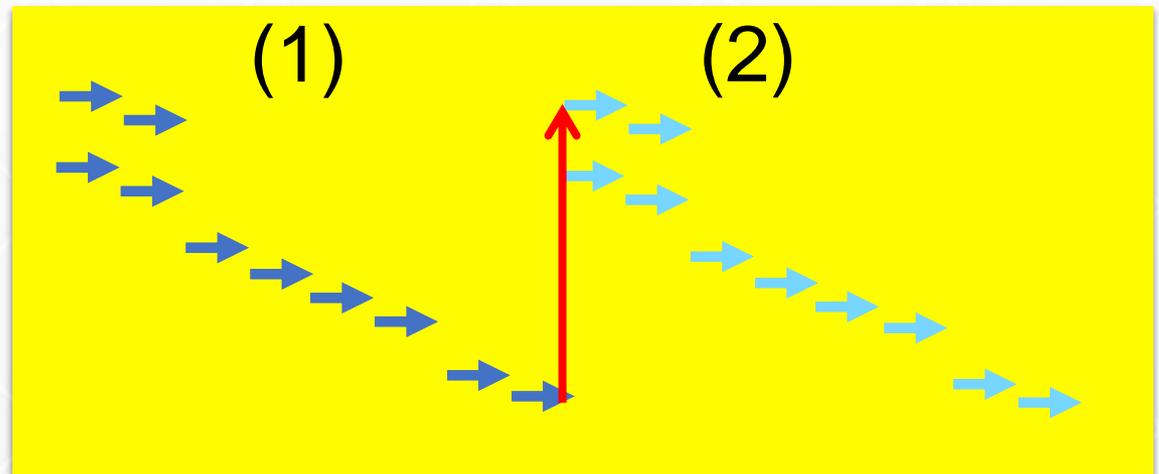
	<i><b>Tianhe-2</b></i>	<i><b>Titan</b></i>	<i><b>Sequoia</b></i>	<i><b>K computer</b></i>
<i><b>latest TOP500 ranking (entry)</b></i>	<i><b>No.1 (Jun. 2013)</b></i>	<i><b>No.2 (Nov. 2012)</b></i>	<i><b>No.3 (Jun. 2012)</b></i>	<i><b>No.4 (Jun. 2011)</b></i>
<i><b>LINPACK Score (PFLOPS)</b></i>	<i><b>33.86</b></i>	<i><b>17.59</b></i>	<i><b>17.17</b></i>	<i><b>10.51</b></i>
<i><b>LINPACK efficiency (%)</b></i>	<i><b>61.67</b></i>	<i><b>64.8</b></i>	<i><b>85.3</b></i>	<i><b>93.2</b></i>

# HPCGのためのチャレンジ

## マルチコア化



```
do i=1,100  
  a(i)のロード  
  b(i)のロード  
  a(i)とb(i)の演算  
  i番目の結果のストア  
end do
```

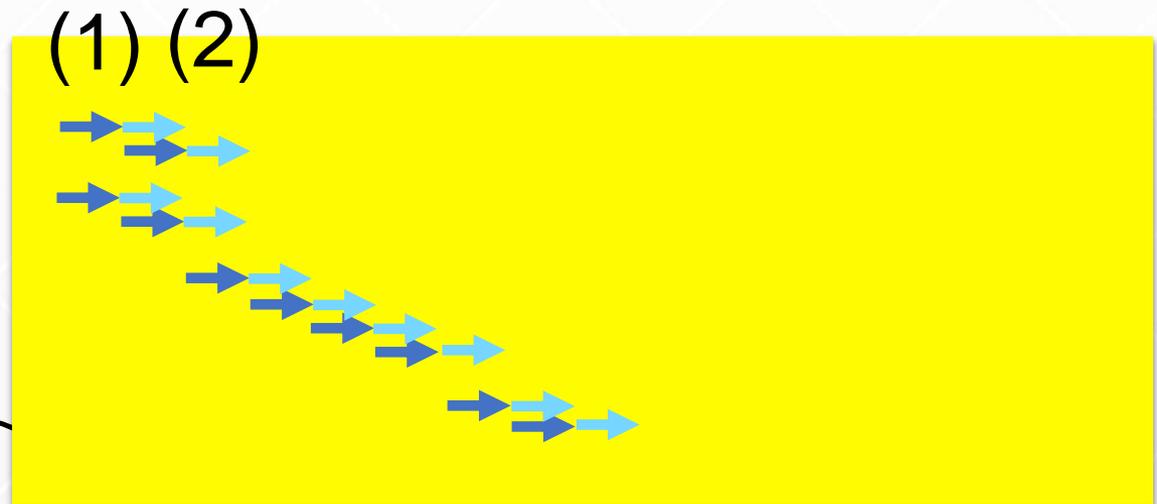


- ・ マルチコア化は複数のコアを同時に使うこと
- ・ HPCGのオリジナルプログラムは(1)の後に(2)の計算を行う必要あり
- ・ したがって複数コアを同時に使えない

# HPCGのためのチャレンジ

## マルチコア化

```
do i=1,100  
  a(i)のロード  
  b(i)のロード  
  a(i)とb(i)の演算  
  i番目の結果のスト  
end do
```



- ・ プログラムを書換え(1)と同時に(2)の計算をできるようにした
- ・ 同時に複数コア使えるようにした
- ・ 上図のように実行時間を大幅に短縮

# HPCGのためのチャレンジ

## データの再利用性が少ない場合の 効率的なデータアクセスの実現



- ・データの再利用性が少ない
- ・しかも飛び飛びのアクセスとなっている
- ・このような飛び飛びのアクセスは非常に効率が悪い
- ・飛び飛びの度合いを大幅に縮小するようにプログラムを書換え

# HPCGの結果

# HPCG

Results: June 2015

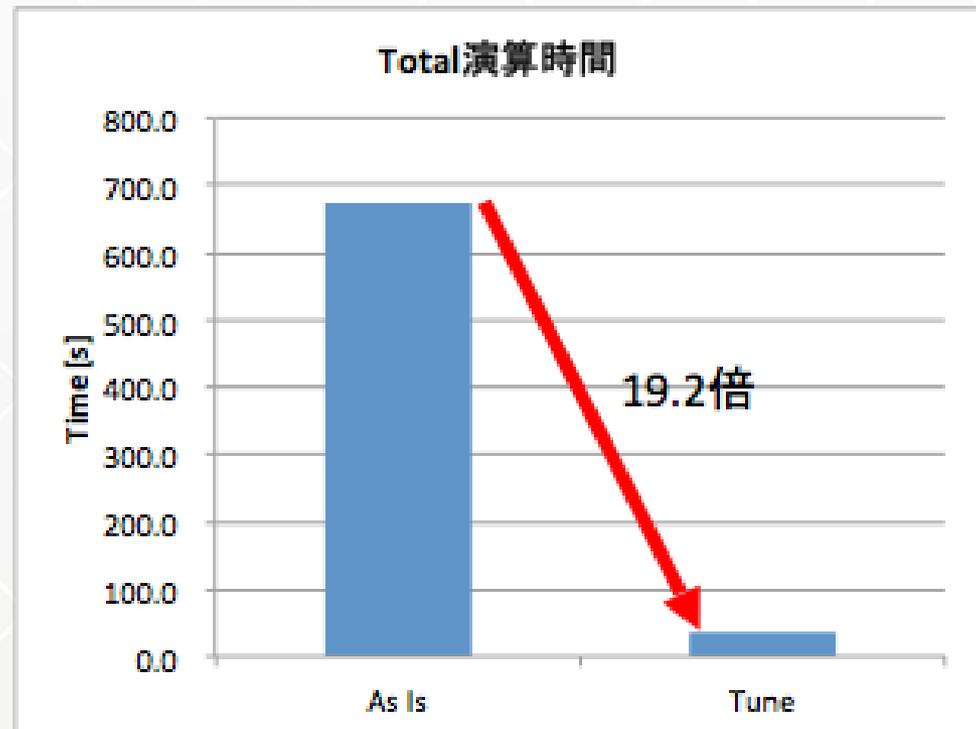
## June 2015 HPCG Results

### June 2015 HPCG Results

Site	Computer	Cores	HPL Rmax [Pflop/s]	TOP500 Rank	HPCG [Pflop/s]	HPCG/HPL
NSCC / Guangzhou	Tianhe-2 NUDT, Xeon 12C 2.2GHz + Intel Xeon Phi 57C + Custom	3120000	33.863	1	0.5800	1.7%
RIKEN Advanced Institute for Computational Science	K computer, SPARC64 VIIIfx 2.0GHz, Tofu interconnect	705024	10.510	4	0.4608	4.4%
DOE/SC/Oak Ridge Nat Lab	Titan - Cray XK7 , Opteron 6274 16C 2.200GHz, Cray Gemini interconnect, NVIDIA K20x	560640	17.590	2	0.3223	1.8%
DOE/SC/Argonne National Laboratory	Mira - BlueGene/Q, Power BQC 16C 1.60GHz, Custom	786432	8.587	5	0.1670	1.9%

# HPCGの結果

- HPCGオリジナルに比べて19.2倍の高速化
- 1位の天河2はピーク性能で京の5倍程度
- しかしHPCGの性能差は1.3倍しかない
- HPCG/HPL性能比: 4.1%は群を抜いている



# ご清聴ありがとうございました

