MPIによるプログラミング概要(その1) 【Fortran言語編】

RIKEN AICS HPC Summer School 2015 中島研吾(東大・情報基盤センター) 横川三津夫(神戸大・計算科学教育センター)

本schoolの目的

- 並列計算機の使用によって、より大規模で詳細なシミュレーションを高速に実施することが可能になり、新しい科学の開拓が期待される・・・
- ・ 並列計算の目的
 - 高速
 - 大規模
 - 「大規模」の方が「新しい科学」という観点からのウェイトとしては高い. しかし、「高速」ももちろん重要である.
 - +複雜
 - 理想:Scalable
 - N倍の規模の計算をN倍のCPUを使って、「同じ時間で」解く

概要

MPIとは

MPIの基礎: Hello Worldを並列で出力する

- 全体データと局所データ
- グループ通信(Collective Communication)
- 1対1通信(Peer-to-Peer Communication)

概要

MPIとは

MPIの基礎: Hello Worldを並列で出力する

- 全体データと局所データ
- グループ通信(Collective Communication)
- 1対1通信(Peer-to-Peer Communication)

MPIとは(1/2)

- Message Passing Interface
- 分散メモリ間のメッセージ通信APIの「規格」
 - プログラムやライブラリそのものではない
- 歴史
 - 1992 MPIフォーラム
 - 1994 MPI-1規格
 - 1997 MPI-2規格: MPI I/Oなど
 - 2012 MPI-3規格:
- 実装(こっちはライブラリ)
 - MPICH: アルゴンヌ国立研究所
 - OpenMP, MVAPICHなど
 - 各ベンダーのMPIライブラリ
 - C/C++, Fortran, Java; Unix, Linux, Windows, Mac OS

MPIとは(2/2)

- 現状では、MPICH(フリー)が広く使用されている.
 - 部分的に「MPI-2」規格をサポート
 - 2005年11月から「MPICH2」に移行
 - http://www.mpich.org/
- MPIが普及した理由
 - MPIフォーラムによる規格統一
 - どんな計算機でも動く
 - Fortran, Cからサブルーチンとして呼び出すことが可能
 - MPICHの存在
 - フリー, あらゆるアーキテクチュアをサポート

参考文献

- P.Pacheco「MPI並列プログラミング」, 培風館, 2001(原著1997)
- W.Gropp他「Using MPI second edition」, MIT Press, 1999.
- M.J.Quinn[「]Parallel Programming in C with MPI and OpenMP」, McGrawhill, 2003.
- W.Gropp他「MPI: The Complete Reference Vol.I, II」, MIT Press, 1998.
- MPICH2
 - http://www.mpich.org/
 - API(Application Interface)の説明

MPIを学ぶにあたって

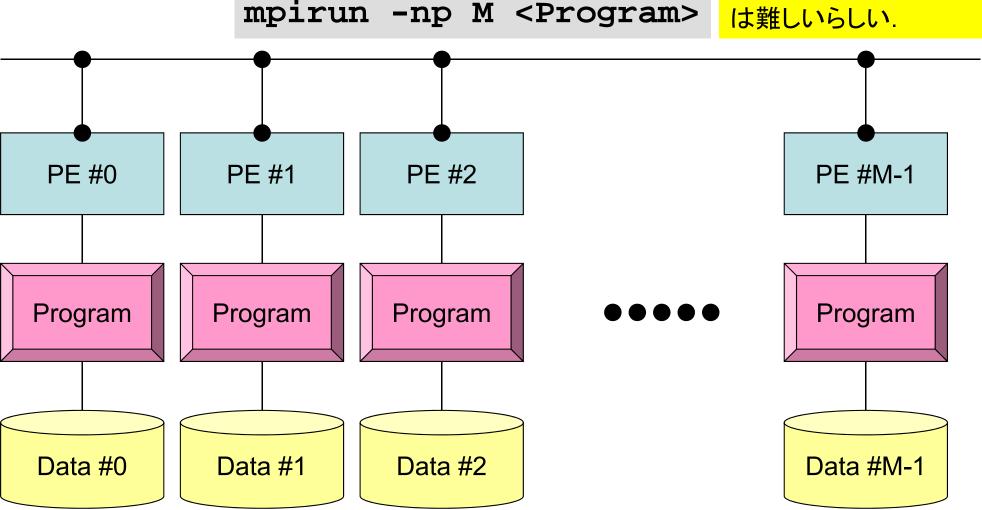
文法

- 「MPI-1」の基本的な機能(10個程度)について習熟する.
 - MPI-2では色々と便利な機能があるが・・・
- あとは自分に必要な機能について調べる,あるいは知っている人, 知っていそうな人に尋ねる.
- ・ 実習の重要性
 - プログラミング
 - その前にまず実行してみること
- SPMD/SIMDのオペレーションに慣れること・・・「つかむ」こと
 - Single Program Multiple Data / Single Instruction Multiple Data
 - 基本的に各プロセスは「同じことをやる」が「データが違う」
 - ・ 大規模なデータを分割し、各部分について各プロセス(プロセッサ)が計算する
 - 全体データと局所データ、全体番号と局所番号

PE: Processing Element プロセッサ, 領域, プロセス

SPMD

この絵が理解できればMPIは 9割方、理解できたことになる。 コンピュータサイエンスの学 科でもこれを上手に教えるの は難しいらしい。



各プロセスでは「同じプログラムが動く」が「データが違う」 大規模なデータを分割し、各部分について各プロセス(プロセッサ)が計算する 通信以外は、単体CPUのときと同じ、というのが理想

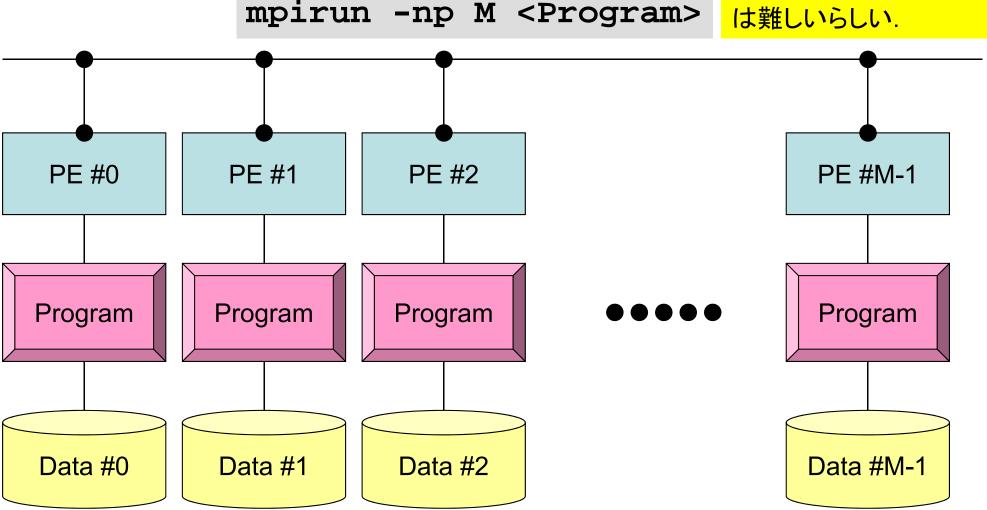
用 語

- ・ プロセッサ. コア
 - ハードウェアとしての各演算装置. シングルコアではプロセッサーコア
- ・プロセス
 - MPI計算のための実行単位、ハードウェア的な「コア」とほぼ同義.
 - − しかし1つの「プロセッサ・コア」で複数の「プロセス」を起動する場合もある(効率的ではないが).
- PE(Processing Element)
 - 本来、「プロセッサ」の意味なのであるが、本講義では「プロセス」の意味で使う場合も多い、次項の「領域」とほぼ同義でも使用。
 - マルチコアの場合は:「コア=PE」という意味で使うことが多い.
- 領域
 - 「プロセス」とほぼ同じ意味であるが、SPMDの「MD」のそれぞれ一つ、 「各データ」の意味合いが強い. しばしば「PE」と同義で使用.
- MPIのプロセス番号(PE番号, 領域番号)は0から開始
 - したがって8プロセス(PE, 領域)ある場合は番号は0~7

PE: Processing Element プロセッサ, 領域, プロセス

SPMD

この絵が理解できればMPIは 9割方、理解できたことになる。 コンピュータサイエンスの学 科でもこれを上手に教えるの は難しいらしい



各プロセスでは「同じプログラムが動く」が「データが違う」 大規模なデータを分割し、各部分について各プロセス(プロセッサ)が計算する 通信以外は、単体CPUのときと同じ、というのが理想

講義,課題の予定

- MPIサブルーチン機能
 - 環境管理
 - グループ通信
 - 1対1通信
- 8月18日(火)
 - 環境管理, グループ通信(Collective Communication)
 - 課題S1
- 8月19日(水)
 - 1対1通信(Point-to-Point Communication)
 - 課題S2: 一次元熱伝導解析コードの「並列化」
 - ここまでできればあとはある程度自分で解決できるはず.

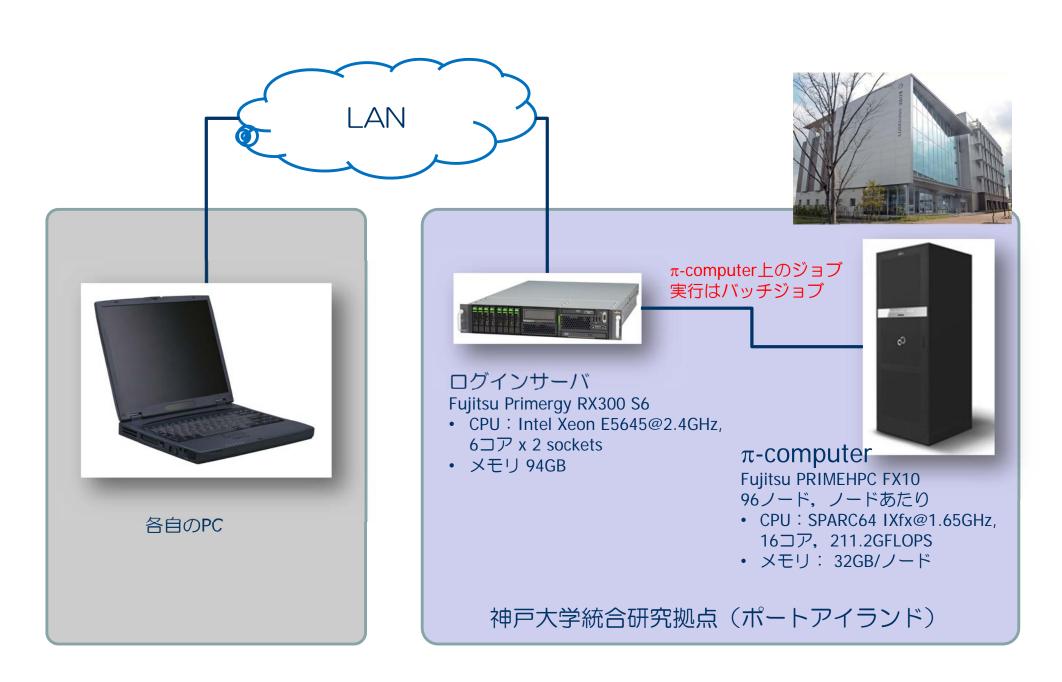
概要

MPIとは

MPIの基礎: Hello Worldを並列で出力する

- 全体データと局所データ
- グループ通信(Collective Communication)
- 1対1通信(Peer-to-Peer Communication)

schoolで利用するπコンピュータ



ログイン, ディレクトリ作成 on πコンピュータ

```
ssh xxxxxxx@pi.ircpi.kobe-u.ac.jp

ディレクトリ作成
    >$ cd
    >$ mkdir 2015summer (好きな名前でよい)
    >$ cd 2015summer

このディレクトリを本講義では <$P-TOP> と呼ぶ
基本的にファイル類はこのディレクトリにコピー,解凍する
```

ファイルコピー

```
Fortranユーザ
  >$ cd <$P-TOP>
  >$ cp /tmp/2015summer/F/s1-f.tar .
  >$ tar xvf s1-f.tar
Cユーザ
 >$ cd <$P-TOP>
  >$ cp /tmp/2015summer/C/s1-c.tar .
  >$ tar xvf s1-c.tar
ディレクトリ確認
 >$ ls
    mpi
  >$ cd mpi/S1
このディレクトリを本講義では <$P-S1> と呼ぶ.
<$P-S1> = <$P-TOP>/mpi/S1
```

まずはプログラムの例

hello.f

hello.c

```
#include "mpi.h"
#include <stdio.h>
int main(int argc, char **argv)
{
   int n, myid, numprocs, i;

   MPI_Init(&argc,&argv);
   MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD,&numprocs);
   MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD,&myid);
   printf ("Hello World %d\u00e4n", myid);
   MPI_Finalize();
}
```

hello.f/hello.c をコンパイルしてみよう!

```
>$ mpifrtpx -Kfast hello.f
>$ mpifccpx -Kfast hello.c
```

<u>Fortran</u>

```
$> mpifrtpx -Kfast hello.f
"mpifrtpx":
Fortran90+MPIによってプログラムをコンパイルする際に必要なコンパイラ, ライブラリ等がバインドされているコマンド
```

<u>C言語</u>

\$> mpifccpx -Kfast hello.c
"mpifccpx":

C+MPIによってプログラムをコンパイルする際に
必要な、コンパイラ、ライブラリ等がバインドされているコマンド

ジョブ実行

• 実行方法

- 基本的にバッチジョブのみ
- 会話型の実行は「基本的に」やりません.

実行手順

- ジョブスクリプトを書きます.
- ジョブを投入します.
- ジョブの状態を確認します.
- 結果を確認します.

その他

- 実行時には1ノード(16コア)が占有されます.
- 他のユーザーのジョブに使われることはありません.

ジョブスクリプト

- <\$P-S1>/hello.sh
- ・ スケジューラへの指令 + シェルスクリプト

8プロセス "node=1" "proc=8" 16プロセス "node=1" "proc=16"

32プロセス "node=2" "proc=32" 64プロセス "node=4" "proc=64"

192プロセス "node=12" "proc=192"

ジョブ投入

ジョブ投入, 確認等

- ジョブの投入
- ジョブの確認
- ジョブの取り消し・強制終了
- キューの状態の確認
- 同時実行•投入可能数

```
pjsub スクリプト名
pjstat
pjdel ジョブID
pjstat --rsc
pjstat --limit
```

環境管理ルーチン+必須項目

```
implicit REAL*8 (A-H,0-Z)
include 'mpif.h'
integer :: PETOT, my_rank, ierr
call MPI INIT
              (ierr)
call MPI COMM SIZE (MPI COMM WORLD, PETOT, ierr)
call MPI COMM RANK (MPI COMM WORLD, my rank, ierr )
write (*,'(a,2i8)') 'Hello World Fortran', my rank, PETOT
call MPI FINALIZE (ierr)
stop
end
#include "mpi.h"
#include <stdio.h>
int main(int argc, char **argv)
    int n, myid, numprocs, i;
    MPI Init(&argc,&argv);
    MPI Comm size(MPI COMM WORLD,&numprocs);
    MPI Comm rank(MPI COMM WORLD,&myid);
    printf ("Hello World %d\u00e4n", myid);
    MPI Finalize();
```

`mpif.h', "mpi.h" 環境変数デフォルト値 Fortran90ではuse mpi可

MPI_Init 初期化

MPI_Comm_size プロセス数取得 mpirun -np XX <prog>

MPI_Comm_rank プロセスID取得 自分のプロセス番号(0から開始)

MPI_Finalize MPIプロセス終了

Fortran/Cの違い

- 基本的にインタフェースはほとんど同じ
 - Cの場合、「MPI_Comm_size」のように「MPI」は大文字、「MPI_」のあとの最初の文字は大文字、以下小文字
- Fortranはエラーコード(ierr)の戻り値を引数の最後に指定する必要がある.
- Cは変数の特殊な型がある.
 - MPI_Comm, MPI_Datatype, MPI_Op, etc.
- 最初に呼ぶ「MPI_Init」だけは違う
 - call MPI_INIT (ierr)
 - MPI_Init (int *argc, char ***argv)

何をやっているのか?

- mpiexec により4つのプロセスが立ち上がる (今の場合は"proc=4").
 - 同じプログラムが4つ流れる.
 - データの値(my_rank)を書き出す.
- 4つのプロセスは同じことをやっているが、データとして取得したプロセスID(my_rank)は異なる.
- 結果として各プロセスは異なった出力をやっていることになる。
- まさにSPMD

mpi.h, mpif.h

```
#include "mpi.h"
#include <stdio.h>
int main(int argc, char **argv)
{
   int n, myid, numprocs, i;

   MPI_Init(&argc,&argv);
   MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD,&numprocs);
   MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD,&myid);

   printf ("Hello World %d\u00e4n", myid);
   MPI_Finalize();
}
```

- MPIに関連した様々なパラメータおよび初期値を記述。
- 変数名は「MPI_」で始まっている。
- ここで定められている変数は、MPIサ ブルーチンの引数として使用する以 外は陽に値を変更してはいけない。
- ユーザーは「MPI_」で始まる変数を 独自に設定しないのが無難。

MPI_INIT

- MPIを起動する. 他のMPIサブルーチンより前にコールする必要がある(必須)
- 全実行文の前に置くことを勧める。
- call MPI_INIT (ierr)
 ierr 整数 完了コード

MPI_FINALIZE



- MPIを終了する. 他の全てのMPIサブルーチンより後にコールする必要がある (必須).
- 全実行文の後に置くことを勧める
- これを忘れると大変なことになる。
 - 終わったはずなのに終わっていない・・・
- call MPI_FINALIZE (ierr)
 - **ierr** 整数 完了コード

```
implicit REAL*8 (A-H,O-Z)
include 'mpif.h'
integer :: PETOT, my_rank, ierr

call MPI_INIT         (ierr)
call MPI_COMM_SIZE    (MPI_COMM_WORLD, PETOT, ierr )
call MPI_COMM_RANK    (MPI_COMM_WORLD, my_rank, ierr )

write (*,'(a,2i8)') 'Hello World Fortran', my_rank, PETOT

call MPI_FINALIZE (ierr)

stop
end
```

MPI_COMM_SIZE

- コミュニケーター「comm」で指定されたグループに含まれるプロセス数の合計が「size」に返ってくる. 必須では無いが. 利用することが多い.
- call MPI COMM SIZE (comm, size, ierr)

```
    comm 整数 I コミュニケータを指定する
    size 整数 ○ comm.で指定されたグループ内に含まれるプロセス数の合計
    ierr 整数 ○ 完了コード
```

```
implicit REAL*8 (A-H,0-Z)
include 'mpif.h'
integer :: PETOT, my_rank, ierr

call MPI_INIT         (ierr)
call MPI_COMM_SIZE         (MPI_COMM_WORLD, PETOT, ierr )
call MPI_COMM_RANK         (MPI_COMM_WORLD, my_rank, ierr )

write (*,'(a,2i8)') 'Hello World Fortran', my_rank, PETOT
call MPI_FINALIZE (ierr)

stop
end
```

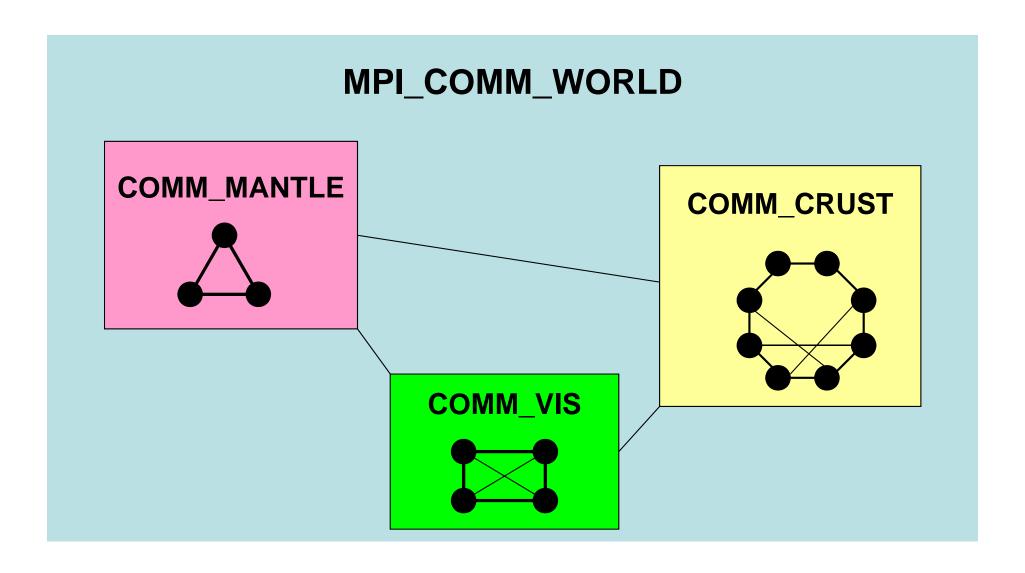
コミュニケータとは?

MPI_Comm_Size (MPI_COMM_WORLD, PETOT)

- 通信を実施するためのプロセスのグループを示す。
- MPIにおいて, 通信を実施する単位として必ず指定する必要がある.
- mpiexecで起動した全プロセスは、デフォルトで
 「MPI_COMM_WORLD」というコミュニケータで表されるグループに属する。
- 複数のコミュニケータを使用し、異なったプロセス数を割り当てることによって、複雑な処理を実施することも可能。
 - 例えば計算用グループ, 可視化用グループ
- この授業では「MPI_COMM_WORLD」のみでOK.

コミュニケータの概念

あるプロセスが複数のコミュニケータグループに属しても良い



MPI_COMM_RANK

- コミュニケータ「comm」で指定されたグループ内におけるプロセスIDが「rank」にもどる. 必須では無いが、利用することが多い.
 - プロセスIDのことを「rank(ランク)」と呼ぶことも多い.

```
    MPI_COMM_RANK (comm, rank, ierr)
```

```
- <u>comm</u> 整数 I コミュニケータを指定する
```

- <u>rank</u> 整数 ○ comm.で指定されたグループにおけるプロセスID

0から始まる(最大はPETOT-1)

- <u>ierr</u> 整数 ○ 完了コード

MPI_ABORT

<u>ierr</u>

• MPIプロセスを異常終了させる.

| • | call MPI_ | ABORT | (comm, | errcode, | ierr) |
|---|-----------|-------|--------|----------|-------|
| | - comm | 整数 | I | コミュニケータを | 指定する |
| | - errcode | | | エラーコード | |

整数 O

完了コード

32

MPI_WTIME

• 時間計測用の関数:精度はいまいち良くない(短い時間を計測する場合)

```
    time= MPI_WTIME ()
    <u>time</u> R8 O 過去のある時間からの経過時間(秒数): 倍精度変数
```

```
""
real(kind=8):: Stime, Etime

Stime= MPI_WTIME ()
do i= 1, 1000000000
    a= 1.d0
enddo
Etime= MPI_WTIME ()

write (*,'(i5,1pe16.6)') my_rank, Etime-Stime
```

MPI_Wtime の例

```
$> mpifccpx -01 time.c
$> mpifrtpx -01 time.f
$> pjsub go4.sh
$> cat test.lst
  2 3.399327E-06
  1 3.499910E-06
  0 3.499910E-06
    3.399327E-06
プロセス番号 計算時間
```

MPI Programming

MPI_Wtick

- MPI_Wtimeでの時間計測精度を確認する.
- ハードウェア、コンパイラによって異なる
- time= MPI_Wtick ()
 time R8 O 時間計測精度(単位:秒)

```
implicit REAL*8 (A-H,O-Z)
include 'mpif.h'
...
TM= MPI_WTICK ()
write (*,*) TM
...
```

```
double Time;
...
Time = MPI_Wtick();
printf("%5d%16.6E\forall n", MyRank, Time);
...
```

MPI_Wtick の例

MPI_BARRIER



- コミュニケーター「comm」で指定されたグループに含まれるプロセスの同期をとる。コミュニケータ「comm」内の全てのプロセスがこのサブルーチンを通らない限り、次のステップには進まない。
- 主としてデバッグ用に使う. オーバーヘッドが大きいので、 実用計算には使わない方が無難.
- call MPI_BARRIER (comm, ierr)
 - <u>comm</u> 整数 I コミュニケータを指定する
 - <u>ierr</u> 整数 完了コード

概要

MPIとは

• MPIの基礎:Hello World

- 全体データと局所データ
- グループ通信(Collective Communication)
- 1対1通信(Peer-to-Peer Communication)

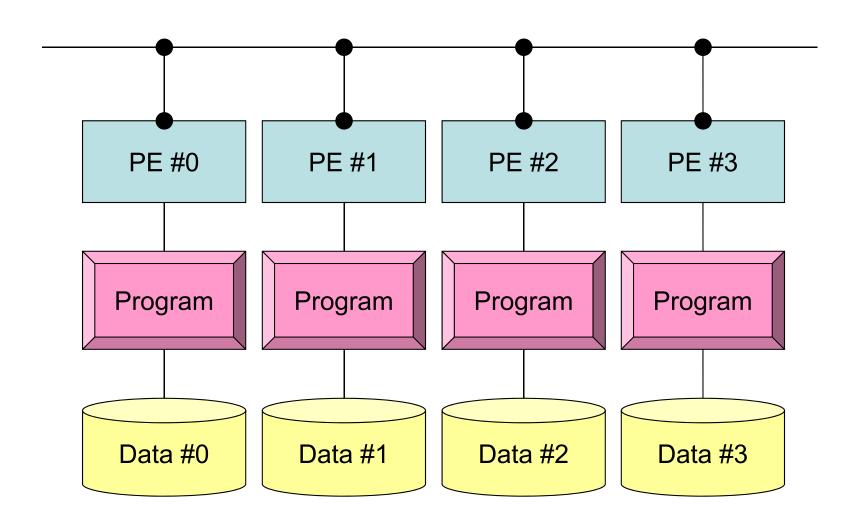
データ構造とアルゴリズム

- コンピュータ上で計算を行うプログラムはデータ構造とアルゴリズムから構成される。
- 両者は非常に密接な関係にあり、あるアルゴリズムを実現するためには、それに適したデータ構造が必要である。
 - 極論を言えば「データ構造=アルゴリズム」と言っても良い.
- 並列計算を始めるにあたって、基本的なアルゴリズムに適したデータ構造を定める必要がある。

SPMD: Single Program Multiple Data

- 一言で「並列計算」と言っても色々なものがあり、基本的なアルゴリズムも様々。
- 共通して言えることは、SPMD(Single Program Multiple Data)
- なるべく単体CPUのときと同じようにできることが理想
 - 通信が必要な部分とそうでない部分を明確にする必要があり.

SPMDに適したデータ構造とは?



SPMDに適したデータ構造(1/2)

- 大規模なデータ領域を分割して、各プロセッサ、プロセスで計算するのがSPMDの基本的な考え方
- 例えば, 長さNG(=20)のベクトルVGに対して, 各要素を2 倍する計算を考えてみよう.

```
integer, parameter :: NG= 20
real(kind=8), dimension(20) :: VG

do i= 1, NG
   VG(i)= 2.0 * VG(i)
enddo
```

 これを4つのプロセッサで分担して計算する場合には、各 プロセッサが20/4=5 ずつデータを持ち、それぞれが処理 すればよい。

SPMDに適したデータ構造(2/2)

すなわち、こんな感じ:

```
integer, parameter :: NL= 5
real(kind=8), dimension(5) :: VL

do i= 1, NL
   VL(i)= 2.0 * VL(i)
enddo
```

- このようにすれば「一種類の」プログラム(Single Program) で並列計算を実施できる。
 - ただし、各プロセスにおいて、「VL」の中身が違う: Multiple Data
 - 可能な限り計算を「VL」のみで実施することが、並列性能の高い計算へつながる.
 - プログラムの形は、単体CPUの場合とほとんど変わらない、

全体データと局所データ

- VG
 - 領域全体
 - 1番から20番までの「全体番号」を持つ「全体データ(Global Data)」

VL

- 各プロセス(PE, プロセッサ, 領域)
- 1番から5番までの「局所番号」を持つ「局所データ(Local Data)」
- できるだけ局所データを有効に利用することで、高い並列性能が得られる。

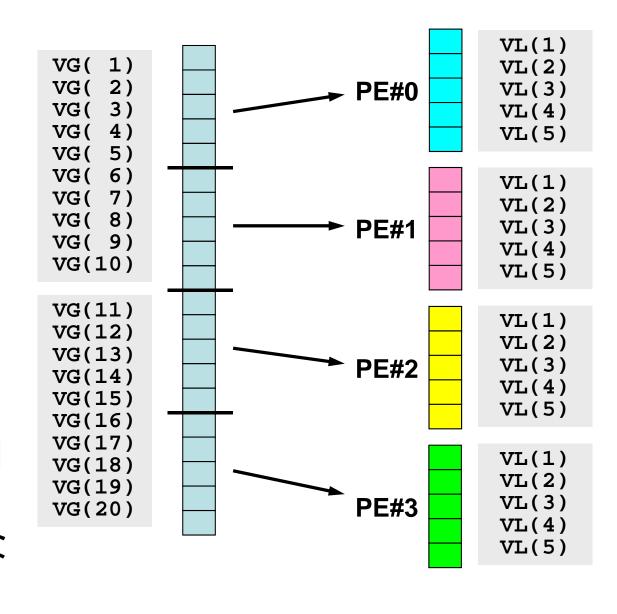
局所データの考え方



「全体データ」VGの

- 1~5番成分がPE#0
- 6~10番成分がPE#1
- 11~15番成分がPE#2
- 16~20番成分がPE#3

のそれぞれ、「局所データ」 VLの1番~5番成分となる (局所番号が1番~5番となる).



全体データと局所データ

- VG
 - 領域全体
 - 1番から20番までの「全体番号」を持つ「全体データ(Global Data)」
- VL
 - 各プロセッサ
 - 1番から5番までの「局所番号」を持つ「局所データ(Local Data)」
- この講義で常に注意してほしいこと
 - VG(全体データ)からVL(局所データ)をどのように生成するか.
 - VGからVL, VLからVGヘデータの中身をどのようにマッピングするか.
 - VLがプロセスごとに独立して計算できない場合はどうするか.
 - できる限り「局所性」を高めた処理を実施する⇒高い並列性能
 - そのための「データ構造」、「アルゴリズム」を考える。

• MPIとは

• MPIの基礎: Hello World

- 全体データと局所データ
- ・ グループ通信(Collective Communication)
- 1対1通信(Peer-to-Peer Communication)

グループ通信とは

• コミュニケータで指定されるグループ全体に関わる通信.

- 例
 - 制御データの送信
 - 最大値, 最小値の判定
 - 総和の計算
 - ベクトルの内積の計算
 - 密行列の転置

グループ通信の例(1/4)

| P#0 | A0 | ВО | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | | | | |
| P#2 | | | | |
| P#3 | | | | |

Broadcast

| P#0 | A0 | ВО | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | A0 | В0 | C0 | D0 |
| P#2 | A0 | В0 | C0 | D0 |
| P#3 | A0 | B0 | C0 | D0 |

Scatter

Gather

| P#0 | A 0 | | |
|-----|------------|--|--|
| P#1 | В0 | | |
| P#2 | C0 | | |
| P#3 | D0 | | |

グループ通信の例(2/4)

| P#0 | A0 | | |
|-----|----|--|--|
| P#1 | ВО | | |
| P#2 | C0 | | |
| P#3 | D0 | | |

All gather

| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | A0 | В0 | C0 | D0 |
| P#2 | A0 | ВО | C0 | D0 |
| P#3 | A0 | B0 | C0 | D0 |

P#0 A2 **A**0 **A**1 **A**3 P#1 B0 B1 B2 **B**3 P#2 C0 C1 C2 **C**3 P#3 D0 D1 D2 D3

All-to-All

| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 |
|-----|----|----|------------|----|
| P#1 | A1 | B1 | C1 | D1 |
| P#2 | A2 | B2 | C2 | D2 |
| P#3 | A3 | B3 | C 3 | D3 |

グループ通信の例(3/4)

| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | A1 | B1 | C1 | D1 |
| P#2 | A2 | B2 | C2 | D2 |
| P#3 | A3 | В3 | C3 | D3 |

Reduce

| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | A1 | B1 | C1 | D1 |
| P#2 | A2 | B2 | C2 | D2 |
| P#3 | A3 | В3 | C3 | D3 |

All reduce

P#1 P#2 P#3

P#0

| op.A0-A3 | op.B0-B3 | op.C0-C3 | op.D0-D3 |
|----------|----------|----------|----------|
| op.A0-A3 | op.B0-B3 | op.C0-C3 | op.D0-D3 |
| op.A0-A3 | op.B0-B3 | op.C0-C3 | op.D0-D3 |
| op.A0-A3 | op.B0-B3 | op.C0-C3 | op.D0-D3 |

グループ通信の例(4/4)

| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | A1 | B1 | C1 | D1 |
| P#2 | A2 | B2 | C2 | D2 |
| P#3 | A3 | B3 | C3 | D3 |

Reduce scatter

| P#0 | op.A0-A3 | | |
|-----|----------|--|--|
| P#1 | op.B0-B3 | | |
| P#2 | op.C0-C3 | | |
| P#3 | op.D0-D3 | | |

グループ通信による計算例

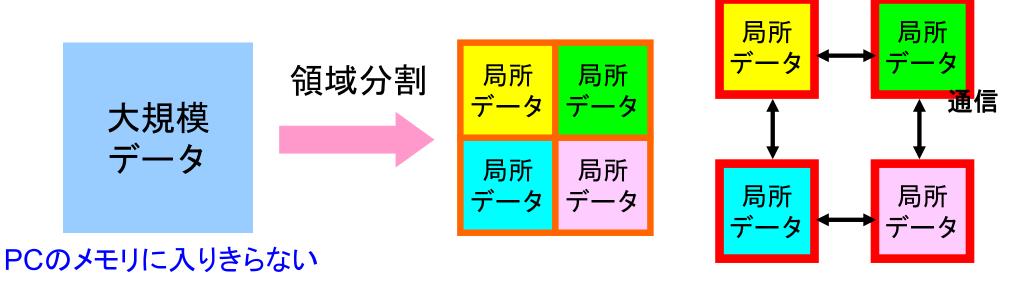
- ベクトルの内積
- Scatter/Gather
- 分散ファイルの読み込み

全体データと局所データ

 大規模な全体データ(global data)を局所データ(local data)に分割して、SPMDによる並列計算を実施する場合 のデータ構造について考える。

領域分割

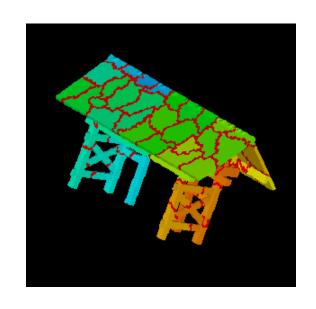
- 1GB程度のPC → 10⁶メッシュが限界: FEM
 - 1000km×1000km×100kmの領域(西南日本)を1kmメッシュで 切ると10⁸メッシュになる
- 大規模データ → 領域分割, 局所データ並列処理
- ・ 全体系計算 → 領域間の通信が必要

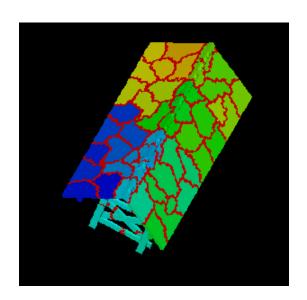


MPI Programming

局所データ構造

- 対象とする計算(のアルゴリズム)に適した局所データ構造 を定めることが重要
 - アルゴリズム=データ構造
- この講義の主たる目的の一つと言ってよい。





全体データと局所データ

大規模な全体データ(global data)を局所データ(local data)に分割して、SPMDによる並列計算を実施する場合のデータ構造について考える。

下記のような長さ20のベクトル、VECpとVECsの内積計算を4つのプロセッサ、プロセスで並列に実施することを考える。

```
VECs(1)= 3
(2)= 3
(3)= 3
...
(18)= 3
(19)= 3
(20)= 3
```

Fortran

<\$P-S1>/dot.f, dot.c

```
implicit REAL*8 (A-H,O-Z)
real(kind=8),dimension(20):: &
    VECp, VECs
do i = 1, 20
 VECp(i) = 2.0d0
 VECs(i) = 3.0d0
enddo
sum = 0.d0
do ii= 1, 20
  sum= sum + VECp(ii)*VECs(ii)
enddo
stop
end
```

```
#include <stdio.h>
int main(){
   int i:
   double VECp[20], VECs[20]
   double sum;
   for(i=0;i<20;i++){
    VECp[i]= 2.0;
    VECs[i]= 3.0;
   sum = 0.0;
   for(i=0;i<20;i++){
     sum += VECp[i] * VECs[i];
   return 0;
```

<\$P-S1>/dot.f, dot.cの逐次実行

```
>$ cd <$P-S1>
>$ cc -03 dot.c
>$ f95 -03 dot.f
>$ ./a.out
        2.00 3.00
        2.00 3.00
        2.00
                3.00
 18
        2.00 3.00
 19
        2.00 3.00
 20
        2.00
                 3.00
dot product 120.00
```

MPI_REDUCE

| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 | 5 1 | P#0 | op.A0-A3 | op.B0-B3 | op.C0-C3 | op.D0-D3 |
|-----|----|----|----|----|--------|-----|----------|----------|----------|----------|
| P#1 | A1 | B1 | C1 | D1 | Reduce | P#1 | | | | |
| P#2 | A2 | B2 | C2 | D2 | | P#2 | | | | |
| P#3 | A3 | ВЗ | C3 | D3 | | P#3 | | | | |

- コミュニケータ「comm」内の、各プロセスの送信バッファ「sendbuf」について、演算「op」を実施し、その結果を1つの受信プロセス「root」の受信バッファ「recbuf」に格納する.
 - 総和,積,最大,最小他
- call MPI_REDUCE

(sendbuf, recvbuf, count, datatype, op, root, comm, ierr)

- <u>sendbuf</u> 任意 エ 送信バッファの先頭アドレス,
- <u>recvbuf</u> 任意 受信バッファの先頭アドレス,

タイプは「datatype」により決定

- count 整数 I メッセージのサイズ
- <u>datatype</u> 整数 I メッセージのデータタイプ

Fortran MPI_INTEGER, MPI_REAL, MPI_DOUBLE_PRECISION, MPI_CHARACTER etc.

C MPI_INT, MPI_FLOAT, MPI_DOUBLE, MPI_CHAR etc

- op 整数 I 計算の種類

MPI MAX, MPI MIN, MPI SUM, MPI PROD, MPI LAND, MPI BAND etc

ユーザーによる定義も可能: MPI_OP_CREATE

- <u>root</u>整数 I 受信元プロセスのID(ランク)
- <u>comm</u> 整数 I コミュニケータを指定する
- <u>ierr</u> 整数 完了コード

Fortran

送信バッファと受信バッファ

- MPIでは「送信バッファ」、「受信バッファ」という変数がしば しば登場する.
- 送信バッファと受信バッファは必ずしも異なった名称の配列である必要はないが、必ずアドレスが異なっていなければならない。

Fortran

MPI_REDUCEの例(1/2)

```
call MPI_REDUCE
(sendbuf,recvbuf,count,datatype,op,root,comm,ierr)
```

```
real(kind=8):: X0, X1

call MPI_REDUCE
(X0, X1, 1, MPI_DOUBLE_PRECISION, MPI_MAX, 0, <comm>, ierr)
```

```
real(kind=8):: X0(4), XMAX(4)

call MPI_REDUCE
(X0, XMAX, 4, MPI_DOUBLE_PRECISION, MPI_MAX, 0, <comm>, ierr)
```

各プロセスにおける, X0(i)の最大値が0番プロセスのXMAX(i)に入る(i=1~4)

Fortran

MPI_REDUCEの例(2/2)

```
call MPI_REDUCE
(sendbuf, recvbuf, count, datatype, op, root, comm, ierr)
```

```
real(kind=8):: X0, XSUM

call MPI_REDUCE
(X0, XSUM, 1, MPI_DOUBLE_PRECISION, MPI_SUM, 0, <comm>, ierr)
```

各プロセスにおける、X0の総和が0番PEのXSUMに入る.

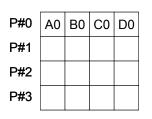
```
real(kind=8):: X0(4)

call MPI_REDUCE
(X0(1), X0(3), 2, MPI_DOUBLE_PRECISION, MPI_SUM, 0, <comm>, ierr)
```

各プロセスにおける,

- X0(1)の総和が0番プロセスのX0(3)に入る.
- X0(2)の総和が0番プロセスのX0(4)に入る.

MPI_BCAST





| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 | |
|-----|----|----|----|----|--|
| P#1 | A0 | B0 | C0 | D0 | |
| P#2 | A0 | B0 | C0 | D0 | |
| P#3 | A0 | B0 | C0 | D0 | |

- コミュニケーター「comm」内の一つの送信元プロセス「root」のバッファ「buffer」 から、その他全てのプロセスのバッファ「buffer」にメッセージを送信。
- call MPI_BCAST (buffer,count,datatype,root,comm,ierr)
 - <u>buffer</u> 任意 I/O バッファの先頭アドレス,

タイプは「datatype」により決定

- count整数 エ メッセージのサイズ
- datatype 整数 I メッセージのデータタイプ

Fortran MPI_INTEGER, MPI_REAL, MPI_DOUBLE_PRECISION, MPI_CHARACTER etc.

C MPI_INT, MPI_FLOAT, MPI_DOUBLE, MPI_CHAR etc.

- <u>root</u> 整数 I 送信元プロセスのID(ランク)
- <u>comm</u> 整数 ェ コミュニケータを指定する
- <u>ierr</u> 整数 完了コード

Fortran

MPI Programming 65

MPI_ALLREDUCE

 P#0
 A0
 B0
 C0
 D0

 P#1
 A1
 B1
 C1
 D1

 P#2
 A2
 B2
 C2
 D2

 P#3
 A3
 B3
 C3
 D3

P#0 op.A0-A3 op.B0-B3 op.C0-C3 op.D0-D3
P#1 op.A0-A3 op.B0-B3 op.C0-C3 op.D0-D3
P#2 op.A0-A3 op.B0-B3 op.C0-C3 op.D0-D3
P#3 op.A0-A3 op.B0-B3 op.C0-C3 op.D0-D3

- MPI_REDUCE + MPI_BCAST
- 総和,最大値を計算したら、各プロセスで利用したい場合が多い
- call MPI_ALLREDUCE

(sendbuf, recvbuf, count, datatype, op, comm, ierr)

- sendbuf 任意 I 送信バッファの先頭アドレス,
 recvbuf 任意 受信バッファの先頭アドレス,
 タイプは「datatype」により決定
- <u>count</u> 整数 I メッセージのサイズ
- <u>datatype</u> 整数 I メッセージのデータタイプ
- <u>op</u> 整数 I 計算の種類
- <u>comm</u> 整数 I コミュニケータを指定する
- <u>ierr</u> 整数 完了コード




```
call MPI REDUCE
(sendbuf, recvbuf, count, datatype, op, root, comm, ierr)
```

MPI MAX, MPI MIN

最大值, 最小值

MPI_SUM, MPI_PROD

総和, 積

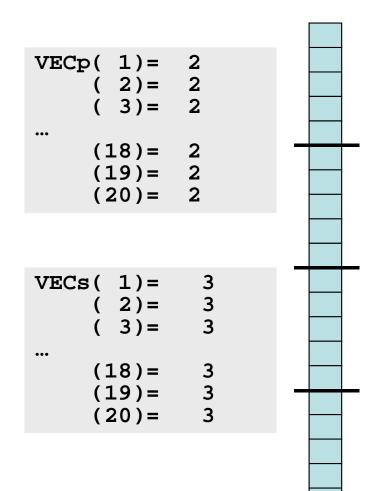
MPI LAND

論理AND

局所データの考え方(1/2)



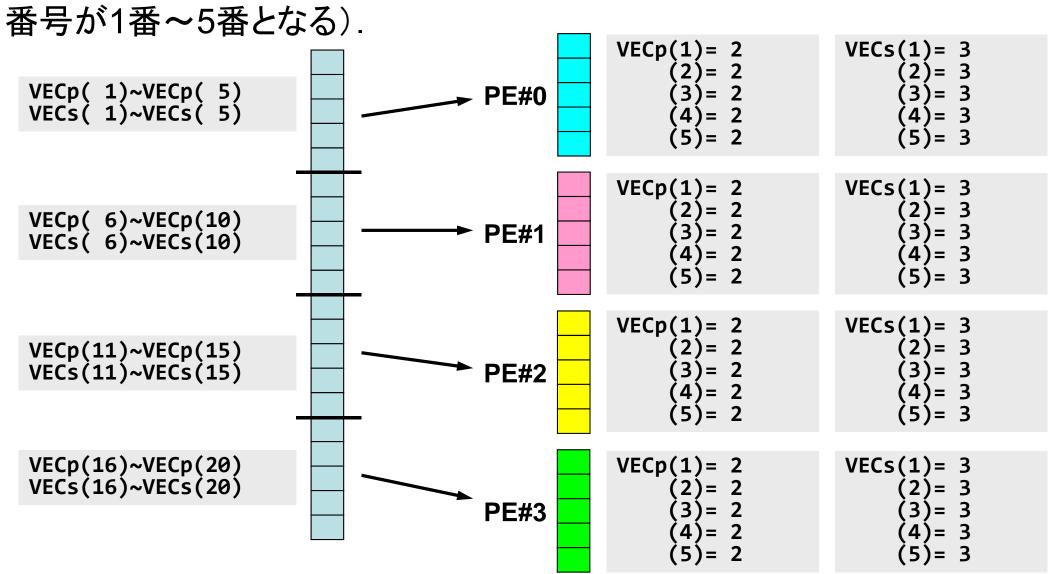
- ・ 長さ20のベクトルを, 4つに分割する
- 各プロセスで長さ5のベクトル(1~5)



局所データの考え方(2/2)

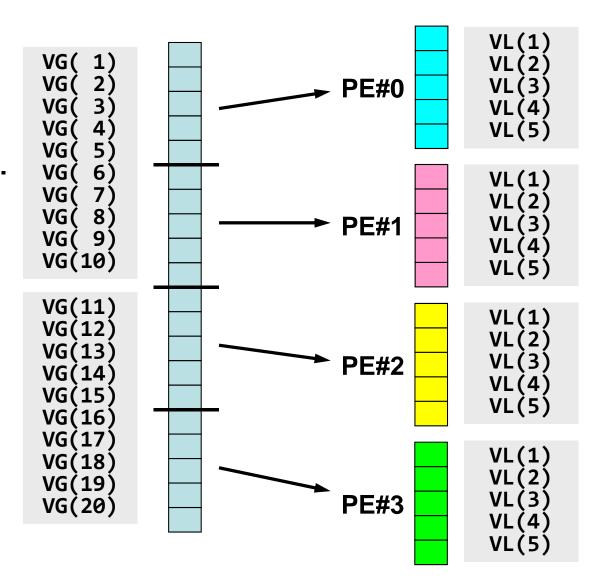


 もとのベクトルの1~5番成分が0番PE, 6~10番成分が1番PE, 11~15 番が2番PE, 16~20番が3番PEのそれぞれ1番~5番成分となる(局所 番号が1番~5番となる)



とは言え・・・

- 全体を分割して、1から番号をふり直すだけ・・・というのはいかにも簡単である。
- もちろんこれだけでは済まない ない済まない例について は後半に紹介する。



内積の並列計算例(1/3)

<\$P-S1>/allreduce.f

```
implicit REAL*8 (A-H,O-Z)
include 'mpif.h'
integer :: PETOT, my_rank, ierr
real(kind=8), dimension(5) :: VECp, VECs
call MPI INIT (ierr)
call MPI COMM SIZE (MPI COMM WORLD, PETOT, ierr)
call MPI COMM RANK (MPI COMM WORLD, my_rank, ierr )
sumA = 0.d0
sumR = 0.d0
do i = 1, 5
                                     各ベクトルを各プロセスで
 VECp(i) = 2.0d0
 VECs(i) = 3.0d0
                                     独立に生成する
enddo
sum0=0.d0
do i = 1, 5
  sum0= sum0 + VECp(i) * VECs(i)
enddo
if (my_rank == 0) then
 write (*,'(a)') '(my_rank, sumALLREDUCE, sumREDUCE)'
endif
```

内積の並列計算例(2/3)

<\$P-S1>/allreduce.f

内積の計算

各プロセスで計算した結果「sum0」の総和をとる sumR には、PE#0だけに計算結果が入る.

PE#1~PE#3は何も変わらない.

sumAには、MPI_ALLREDUCEによって全プロセスに計算結果が入る.

内積の並列計算例(3/3)

<\$P-S1>/allreduce.f

MPI_BCASTによって、PE#0以外の場合にも sumR に計算結果が入る.

<\$P-S1>/allreduce.f/c の実行例

```
$> mpifccpx -03 allreduce.c
$> mpifrtpx -03 allreduce.f
$> pjsub go4.sh ← 出力先のファイル名を適当に変更してもよい
(my rank, sumALLREDUCE, sumREDUCE)
before BCAST 0 1.200000E+02
                                 1.200000E+02
after BCAST 0 1.200000E+02
                                 1.200000E+02
              1 1.200000E+02
before BCAST
                                 0.00000E+00
after BCAST
                  1,200000E+02
                                 1,200000E+02
              3 1.200000E+02
before BCAST
                                 0.000000E+00
after BCAST
                  1.200000E+02
                                 1.200000E+02
              2 1.200000E+02
before BCAST
                                0.000000E+00
after BCAST
                  1.200000E+02
                                 1.200000E+02
```

グループ通信による計算例

- ベクトルの内積
- Scatter/Gather
- 分散ファイルの読み込み

全体データと局所データ(1/3)

ある実数ベクトルVECgの各成分に実数αを加えるという,以下のような簡単な計算を,「並列化」することを考えてみよう:

```
do i= 1, NG
  VECg(i) = VECg(i) + ALPHA
enddo
```

```
for (i=0; i<NG; i++{
    VECg[i]= VECg[i] + ALPHA
}
```

全体データと局所データ(2/3)

- 簡単のために、
 - **− NG=32**
 - ALPHA=1000.0
 - MPIプロセス数=4
- ベクトルVECgとして以下のような32個の成分を持つベクトルを仮定する(<\$P-S1>/a1x.all):

```
      (101. 0, 103. 0, 105. 0, 106. 0, 109. 0, 111. 0, 121. 0, 151. 0, 201. 0, 203. 0, 205. 0, 206. 0, 209. 0, 211. 0, 221. 0, 251. 0, 301. 0, 303. 0, 305. 0, 306. 0, 309. 0, 311. 0, 321. 0, 351. 0, 401. 0, 403. 0, 405. 0, 406. 0, 409. 0, 411. 0, 421. 0, 451. 0)
```

全体データと局所データ(3/3)

- 並列計算の方針
 - ① 長さ32のベクトルVECgをあるプロセス(例えば0番)で読み込む.
 - 全体データ
 - ② 4つのプロセスへ均等に(長さ8ずつ)割り振る.
 - 局所データ, 局所番号
 - ③ 各プロセスでベクトル(長さ8)の各成分にALPHAを加える.
 - ④ 各プロセスの結果を再び長さ32のベクトルにまとめる.
- もちろんこの程度の規模であれば1プロセッサで計算できるのである が•••

Scatter/Gatherの計算(1/8)

長さ32のベクトルVECgをあるプロセス(例えば0番)で読み込む.

プロセス0番から「全体データ」を読み込む

```
include 'mpif.h'
integer, parameter :: NG= 32
real(kind=8). dimension(NG):: VECg
call MPI INIT (ierr)
call MPI COMM SIZE (<comm>, PETOT , ierr)
call MPI COMM RANK (<comm>, my rank, ierr)
if (my rank.eq.0) then
 open (21, file='a1x.all', status='unknown')
 do i = 1. NG
   read (21, *) VECg(i)
 enddo
 close (21)
endif
```

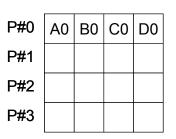
```
#include <mpi.h>
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#include <assert.h>
int main(int argc, char **argv){
  int i, NG=32;
  int PeTot, MyRank, MPI Comm;
  double VECg[32];
  char filename[80];
 FILE *fp;
 MPI Init(&argc, &argv);
 MPI_Comm_size(<comm>, &PeTot);
 MPI Comm rank (<comm>. &MvRank);
        fp = fopen("a1x.all", "r");
        if(!MvRank) for(i=0;i<NG;i++){
                fscanf(fp, "%If", &VECg[i]);
```

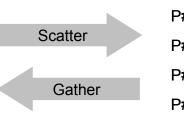
Scatter/Gatherの計算(2/8)

4つのプロセスへ均等に(長さ8ずつ)割り振る.

• MPI_Scatter の利用

MPI_SCATTER





| P#0 | A0 | | |
|-----|----|--|--|
| P#1 | В0 | | |
| P#2 | C0 | | |
| P#3 | D0 | | |

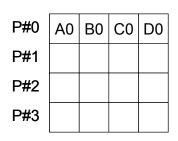
- コミュニケータ「comm」内の一つの送信元プロセス「root」の送信バッファ「sendbuf」から各プロセスに先頭から「scount」ずつのサイズのメッセージを送信し、その他全てのプロセスの受信バッファ「recvbuf」に、サイズ「rcount」のメッセージを格納。
- call MPI_SCATTER (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcount, recvtype, root, comm, ierr)

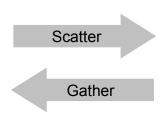
| _ | sendbuf | 任意 | I | 送信バッファの先頭アドレス、 |
|---|----------|----|---|----------------|
| _ | scount | 整数 | I | 送信メッセージのサイズ |
| _ | sendtype | 整数 | I | 送信メッセージのデータタイプ |
| _ | recvbuf | 任意 | 0 | 受信バッファの先頭アドレス、 |
| _ | rcount | 整数 | I | 受信メッセージのサイズ |
| _ | recvtype | 整数 | I | 受信メッセージのデータタイプ |
| _ | root | 整数 | I | 送信プロセスのID(ランク) |
| _ | comm | 整数 | I | コミュニケータを指定する |
| _ | ierr | 整数 | 0 | 完了コード |

Fortran

MPI_SCATTER

(続き)





| P#0 | A0 | | |
|-----|----|--|--|
| P#1 | В0 | | |
| P#2 | C0 | | |
| P#3 | D0 | | |

 call MPI_SCATTER (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcount, recvtype, root, comm, ierr)

| _ | sendbuf | 任意 | I | 送信バッファの先頭アドレス |
|---|----------|----|---|----------------|
| _ | scount | 整数 | I | 送信メッセージのサイズ |
| _ | sendtype | 整数 | I | 送信メッセージのデータタイプ |
| _ | recvbuf | 任意 | Ο | 受信バッファの先頭アドレス、 |
| _ | rcount | 整数 | I | 受信メッセージのサイズ |
| _ | recvtype | 整数 | I | 受信メッセージのデータタイプ |
| _ | root | 整数 | I | 送信プロセスのID(ランク) |
| _ | comm | 整数 | I | コミュニケータを指定する |
| _ | ierr | 整数 | 0 | 完了コード |
| | | | | |

- 通常は
 - scount = rcount
 - sendtype= recvtype
- この関数によって、プロセスroot番のsendbuf(送信バッファ)の先頭アドレスから scount個ずつの成分が、commで表されるコミュニケータを持つ各プロセスに送 信され、recvbuf(受信バッファ)のrcount個の成分として受信される.

 Fortran

Scatter/Gatherの計算(3/8)

4つのプロセスへ均等に(長さ8ずつ)割り振る.

- 各プロセスにおいて長さ8の受信バッファ「VEC」(=局所データ)を定義しておく。
- プロセス0番から送信される送信バッファ「VECg」の8個ずつの成分が、 4つの各プロセスにおいて受信バッファ「VEC」の1番目から8番目の成分 として受信される
- N=8 として引数は下記のようになる:

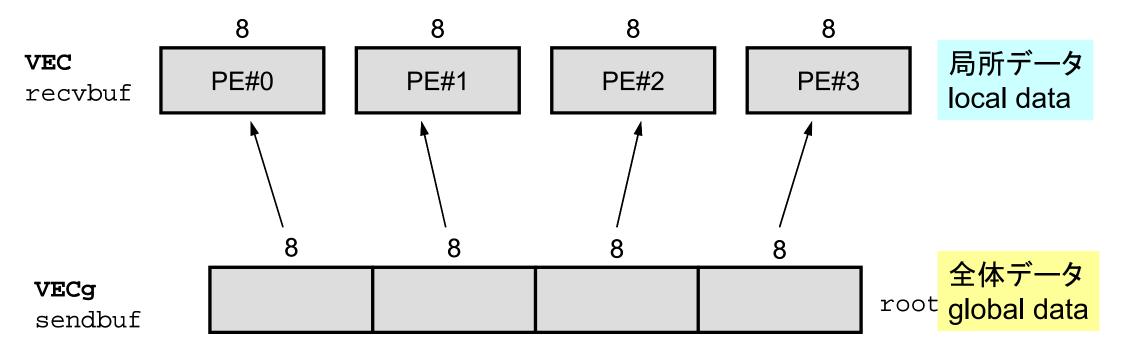
```
int N=8;
double VEC [8];
...
MPI_Scatter (&VECg, N, MPI_DOUBLE, &VEC, N, MPI_DOUBLE, 0, <comm>);
```

```
call MPI_SCATTER
(sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcount,
  recvtype, root, comm, ierr)
```

Scatter/Gatherの計算(4/8)

4つのプロセスへ均等に(長さ8ずつ)割り振る.

- rootプロセス(0番)から各プロセスへ8個ずつの成分がscatterされる.
- VECgの1番目から8番目の成分が0番プロセスにおけるVECの1番目から8番目,9番目から16番目の成分が1番プロセスにおけるVECの1番目から8番目という具合に格納される.
 - VECg:全体データ, VEC:局所データ



Scatter/Gatherの計算(5/8)

4つのプロセスへ均等に(長さ8ずつ)割り振る.

全体データ(global data)としてはVECgの1番から32番までの要素番号を持っていた各成分が、それぞれのプロセスにおける局所データ(local data)としては、VECの1番から8番までの局所番号を持った成分として格納される、VECの成分を各プロセスごとに書き出してみると:

```
do i= 1, N
write (*,'(a, 2i8,f10.0)') 'before', my_rank, i, VEC(i)
enddo
```

```
for(i=0;i<N;i++) {
printf("before %5d %5d %10.0F\n", MyRank, i+1, VEC[i]);}
```

Scatter/Gatherの計算(5/8)

4つのプロセスへ均等に(長さ8ずつ)割り振る.

全体データ(global data)としてはVECgの1番から32番までの要素番号を持っていた各成分が、それぞれのプロセスにおける局所データ(local data)としては、VECの1番から8番までの局所番号を持った成分として格納される、VECの成分を各プロセスごとに書き出してみると:

PE#0

before 0 1 101. before 0 2 103. before 0 3 105. before 0 4 106. before 0 5 109. before 0 6 111 before 0.7 121. before 0 8 151

PE#1

before 1 1 201. before 1 2 203. before 1 3 205. before 1 4 206. before 1 5 209. before 1 6 211. before 1 7 221. before 1 8 251.

PE#2

before 2 1 301. 303. before 2 2 before 2 3 305. before 2 4 306. 309. before 2 5 before 2 6 311. before 2 7 321. before 2 8 351.

PE#3

before 3 1 401. before 3 2 403. before 3 3 405. before 3 4 406. before 3 5 409. before 3 6 411. before 3 7 421. before 3 8 451.

Scatter/Gatherの計算(6/8)

各プロセスでベクトル(長さ8)の各成分にALPHAを加える

各プロセスでの計算は、以下のようになる:

```
real(kind=8), parameter :: ALPHA= 1000.
do i= 1, N
VEC(i)= VEC(i) + ALPHA
enddo
```

```
double ALPHA=1000.;
...
for(i=0;i<N;i++) {
   VEC[i]= VEC[i] + ALPHA;}</pre>
```

• 計算結果は以下のようになる:

```
PE#0
after 0 1
           1101
after 0 2
           1103
after 0 3
          1105.
after 0 4
           1106.
after 0.5
          1109.
          1111.
after 0 6
after 0.7
           1121
          1151
after 0 8
```

```
PE#1
after 1 1
           1201
after 1 2
           1203
after 1 3
           1205.
after 14
           1206
after 15
           1209.
          1211
after 1 6
           1221
after 17
          1251.
after 18
```

```
PE#2
after 2 1
           1301
after 2.2
           1303
after 2 3
           1305.
after 2 4
           1306
after 2 5
           1309
after 2 6
           1311.
after 2.7
           1321
           1351
after 2 8
```

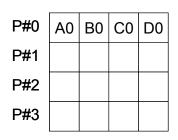
```
PE#3
after 3 1
           1401.
after 3 2
            1403
after 3 3
           1405.
after 3 4
            1406.
            1409
after 3 5
after 3 6
           1411.
after 3 7
            1421
            1451
after 3 8
```

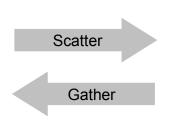
Scatter/Gatherの計算(7/8)

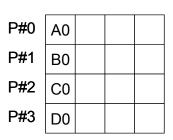
各プロセスの結果を再び長さ32のベクトルにまとめる

 これには、MPI_Scatterと丁度逆の MPI_Gatherという関数 が用意されている。

MPI_GATHER







- MPI_SCATTERの逆
- call MPI_GATHER (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcount, recvtype, root, comm, ierr)

```
任意
                     送信バッファの先頭アドレス.
 sendbuf
        整数
                     送信メッセージのサイズ
 scount
                     送信メッセージのデータタイプ
- <u>sendtype</u> 整数 I
 <u>recvbuf</u> 任意
                     受信バッファの先頭アドレス.
                     受信メッセージのサイズ
        整数
- rcount
- <u>recvtype</u> 整数
                     受信メッセージのデータタイプ
               Т
                     受信プロセスのID(ランク)
         整数
- root
         整数
                     コミュニケータを指定する
 COMM
                     完了コード
         整数
- ierr
```

• ここで、受信バッファ recvbuf の値はroot番のプロセスに集められる.

Fortran

Scatter/Gatherの計算(8/8)

各プロセスの結果を再び長さ32のベクトルにまとめる

 本例題の場合, root=0として, 各プロセスから送信されるVECの成分を0 番プロセスにおいてVECgとして受信するものとすると以下のようになる:

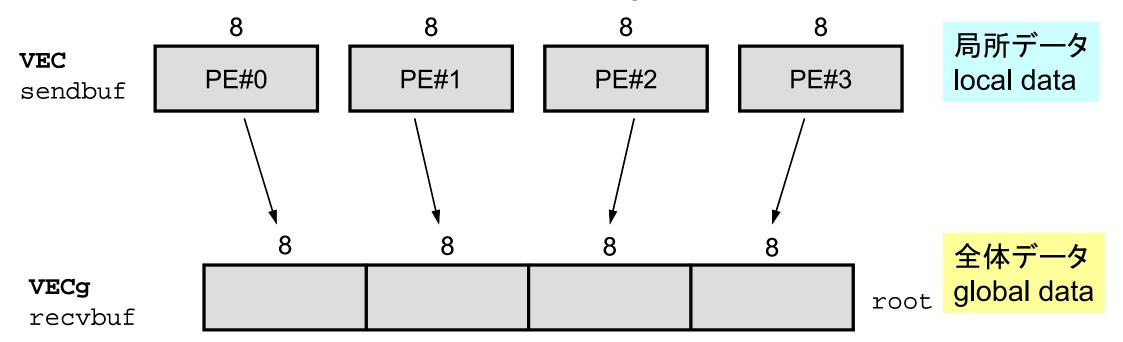
```
call MPI_Gather &

(VEC , N, MPI_DOUBLE_PRECISION, &

VECg, N, MPI_DOUBLE_PRECISION, &

0, <comm>, ierr)
```

• 各プロセスから8個ずつの成分がrootプロセスへgatherされる



<\$P-S1>/scatter-gather.f/c 実行例

```
$> mpifccpx -Kfast scatter-gather.c
```

- \$> mpifrtpx -Kfast scatter-gather.f
- \$> pjsub go4.sh ← 出力先のファイル名を適当に変更してもよい

PE#0 before 0 1 101. before 0 2 103. before 0 3 105. before 0 4 106. before 0 5 109. before 0 6 111. before 0 7 121. before 0 8 151.

```
PE#1
before 1 1 201.
before 1 2 203.
before 1 3 205.
before 1 4 206.
before 1 5 209.
before 1 6 211.
before 1 7 221.
before 1 8 251.
```

```
PE#2
before 2 1
            301.
before 2 2
            303.
before 2 3
            305.
before 2 4
            306
before 2 5
            309.
before 2 6
            311.
before 2 7
            321.
before 2 8
            351.
```

```
PE#3
before 3 1 401.
before 3 2 403.
before 3 3 405.
before 3 4 406.
before 3 5 409.
before 3 6 411.
before 3 7 421.
before 3 8 451.
```

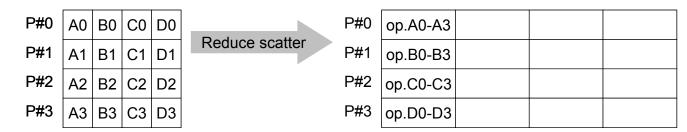
```
PE#0
after 0 1 1101.
after 0 2 1103.
after 0 3 1105.
after 0 4 1106.
after 0 5 1109.
after 0 6 1111.
after 0 7 1121.
after 0 8 1151.
```

```
PE#1
after 1 1 1201.
after 1 2 1203.
after 1 3 1205.
after 1 4 1206.
after 1 5 1209.
after 1 6 1211.
after 1 7 1221.
after 1 8 1251.
```

```
PE#2
after 2 1 1301.
after 2 2 1303.
after 2 3 1305.
after 2 4 1306.
after 2 5 1309.
after 2 6 1311.
after 2 7 1321.
after 2 8 1351.
```

```
PE#3
after 3 1 1401.
after 3 2 1403.
after 3 3 1405.
after 3 4 1406.
after 3 5 1409.
after 3 6 1411.
after 3 7 1421.
after 3 8 1451.
```

MPI_REDUCE_SCATTER

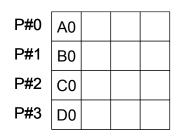


- MPI_REDUCE + MPI_SCATTER
- call MPI_REDUCE_SCATTER (sendbuf, recvbuf, rcount, datatype, op, comm, ierr)

```
- <u>sendbuf</u> 任意
                    送信バッファの先頭アドレス.
       任意O
                    受信バッファの先頭アドレス.
recvbuf
                    受信メッセージのサイズ(配列:サイズ=プロセス数)
        整数  I
- rcount
- <u>datatype</u> 整数 I
                    メッセージのデータタイプ
        整数 エ
                    計算の種類
- op
                    コミュニケータを指定する
        整数
- comm
        整数
                    完了コード
- ierr
```



MPI_ALLGATHER



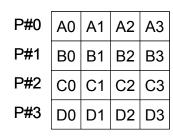


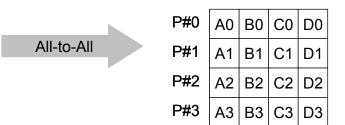
| P#0 | A0 | В0 | C0 | D0 |
|-----|----|----|----|----|
| P#1 | Α0 | B0 | C0 | D0 |
| P#2 | Α0 | B0 | CO | D0 |
| P#3 | A0 | В0 | C0 | D0 |

- MPI_GATHER+MPI_BCAST
 - Gatherしたものを、全てのPEにBCASTする(各プロセスで同じデータを持つ)
- call MPI_ALLGATHER (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcount, recvtype, comm, ierr)
 - 任意 送信バッファの先頭アドレス. sendbuf 整数 Ⅰ 送信メッセージのサイズ scount - <u>sendtype</u> 整数 I 送信メッセージのデータタイプ 受信バッファの先頭アドレス. 任意 0 recvbuf 受信メッセージのサイズ 整数 - rcount - <u>recvtype</u> 整数 受信メッセージのデータタイプ コミュニケータを指定する 整数 - comm 完了コード 整数 - ierr



MPI_ALLTOALL





- MPI_ALLGATHERの更なる拡張: 転置
- call MPI_ALLTOALL (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcount, recvrype, comm, ierr)

```
任意
                    送信バッファの先頭アドレス.
 sendbuf
        整数
                    送信メッセージのサイズ
              Ι
scount
- <u>sendtype</u> 整数 I
                    送信メッセージのデータタイプ
                    受信バッファの先頭アドレス.
        任意
 recvbuf
                    受信メッセージのサイズ
        整数
 rcount
 recvtype 整数
                    受信メッセージのデータタイプ
                    コミュニケータを指定する
        整数
 COMM
                    完了コード
        整数
 ierr
```



グループ通信による計算例

- ベクトルの内積
- Scatter/Gather
- 分散ファイルの読み込み

分散ファイルを使用したオペレーション

- Scatter/Gatherの例では、PE#0から全体データを読み込み、 それを全体にScatterして並列計算を実施した。
- 問題規模が非常に大きい場合、1つのプロセッサで全ての データを読み込むことは不可能な場合がある。
 - 最初から分割しておいて、「局所データ」を各プロセッサで独立に読み込む。
 - あるベクトルに対して、全体操作が必要になった場合は、状況に応じてMPI_Gatherなどを使用する

分散ファイル読み込み: 等データ長(1/2)

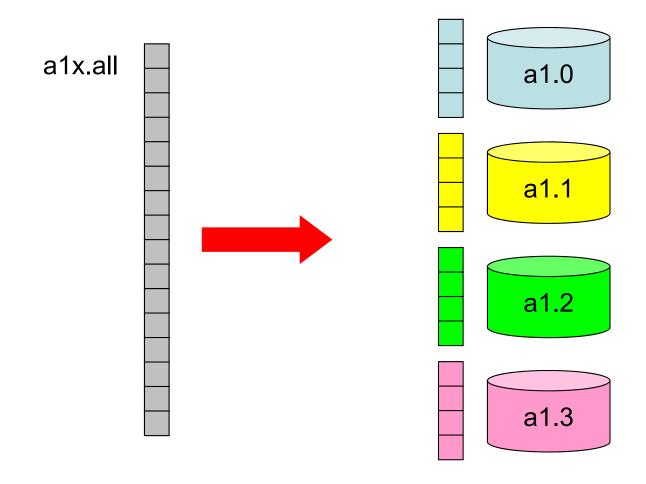
```
>$ cd <$P-S1>
>$ ls a1.*
a1.0 a1.1 a1.2 a1.3

Smpifccpx -Kfast file.c
>$ mpifrtpx -Kfast file.f

>$ pjsub go4.sh
```

分散ファイルの操作

• 「a1.0~a1.3」は全体ベクトル「a1x.a11」を領域に分割したもの、と考えることができる.

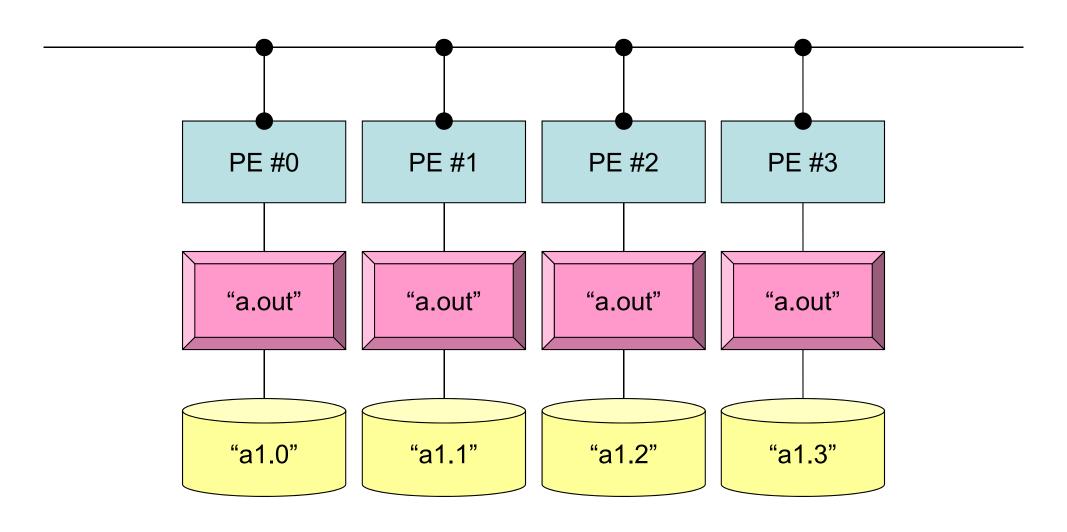


分散ファイル読み込み: 等データ長(2/2)

<\$P-S1>/file.f

```
implicit REAL*8 (A-H,0-Z)
include 'mpif.h'
                                                              Hello とそんなに
integer :: PETOT, my_rank, ierr
real(kind=8), dimension(8) :: VEC
                                                              変わらない
                  :: filename
character(len=80)
call MPI INIT (ierr)
call MPI COMM SIZE (MPI COMM WORLD, PETOT, ierr)
call MPI_COMM_RANK (MPI_COMM_WORLD, my_rank, ierr )
if (my_rank.eq.0) filename= 'a1.0'
if (my_rank.eq.1) filename= 'a1.1'
if (my_rank.eq.2) filename= 'a1.2'
if (my_rank.eq.3) filename= 'a1.3'
open (21, file= filename, status= 'unknown')
 do i = 1, 8
                                                    「局所番号(1~8)」で
    read (21,*) VEC(i)
                                                    読み込む
  enddo
close (21)
call MPI FINALIZE (ierr)
stop
end
```

SPMDの典型例



mpiexec -np 4 a.out

分散ファイル読み込み:可変長(1/2)

ファイル内のデータ数が均等でない場合はどうするか?

```
>$ cd <$P-S1>
>$ 1s a2.*
  a2.0 a2.1 a2.2 a2.3
>$ cat a2.1
 5 各PEにおける成分数
 201.0 成分の並び
 203.0
 205.0
 206.0
 209.0
>$ mpifccpx -Kfast file2.c
>$ mpifrtpx -Kfast file2.f
>$ pjsub go4.sh
```

分散ファイルの読み込み: 可変長(2/2)

<\$P-S1>/file2.f

```
implicit REAL*8 (A-H,0-Z)
include 'mpif.h'
integer :: PETOT, my_rank, ierr
real(kind=8), dimension(:), allocatable :: VEC
character(len=80)
                                              :: filename
call MPI INIT (ierr)
call MPI_COMM_SIZE (MPI_COMM_WORLD, PETOT, ierr )
call MPI_COMM_RANK (MPI_COMM_WORLD, my_rank, ierr )
 if (my_rank.eq.0) filename= 'a2.0'
if (my_rank.eq.1) filename= 'a2.1'
if (my_rank.eq.2) filename= 'a2.2'
 if (my rank.eq.3) filename= 'a2.3'
 open (21, file= filename, status= 'unknown')
   read (21,*) N
   allocate (VEC(N))
                                       Nが各データ(プロセッサ)で異なる
   do i= 1, N
     read (21,*) VEC(i)
   enddo
 close(21)
call MPI FINALIZE (ierr)
stop
end
```

局所データの作成法

- 全体データ(N=NG)を入力
 - Scatterして各プロセスに分割
 - 各プロセスで演算
 - 必要に応じて局所データをGather(またはAllgather)して全体データを生成
- 局所データ(N=NL)を生成, あるいは(あらかじめ分割生成して)入力
 - 各プロセスで局所データを生成, あるいは入力
 - 各プロセスで演算
 - 必要に応じて局所データをGather(またはAllgather)して全体データを生成
- ・将来的には後者が中心となるが、全体的なデータの動きを 理解するために、しばらくは前者についても併用

グループ通信による計算例

- ベクトルの内積
- Scatter/Gather
- 分散ファイルの読み込み
- MPI_Allgatherv

MPI_GATHERV, MPI_SCATTERV

- これまで紹介してきた、MPI_GATHETR、
 MPI_SCATTERなどは、各プロセッサからの送信、受信メッセージが均等な場合。
- 末尾に「V」が付くと、各ベクトルが可変長さの場合となる.
 - MPI_GATHERV
 - MPI_SCATTERV
 - MPI_ALLGATHERV
 - MPI_ALLTOALLV

Fortran

MPI_ALLGATHERV

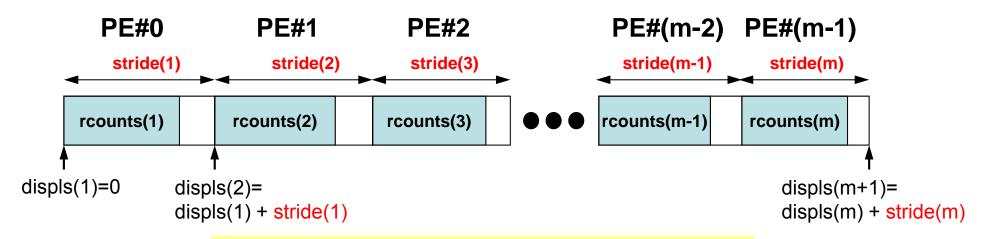
- MPI_ALLGATHER の可変長ベクトル版
 - 「局所データ」から「全体データ」を生成する
- call MPI_ALLGATHERV (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcounts, displs, recvtype, comm, ierr)

```
- <u>sendbuf</u> 任意
                    送信バッファの先頭アドレス.
              I
        整数 ェ 送信メッセージのサイズ
scount
- <u>sendtype</u> 整数 エ 送信メッセージのデータタイプ
- <u>recvbuf</u> 任意 ○
                    受信バッファの先頭アドレス.
                     受信メッセージのサイズ(配列:サイズ=PETOT)
- <u>rcounts</u> 整数
              I
- <u>displs</u> 整数
                     受信メッセージのインデックス(配列:サイズ=PETOT+1)
               I
- <u>recvtype</u> 整数
                     受信メッセージのデータタイプ
               I
               エ コミュニケータを指定する
        整数
- comm
                    完了コード
        整数
               \cap
- ierr
```

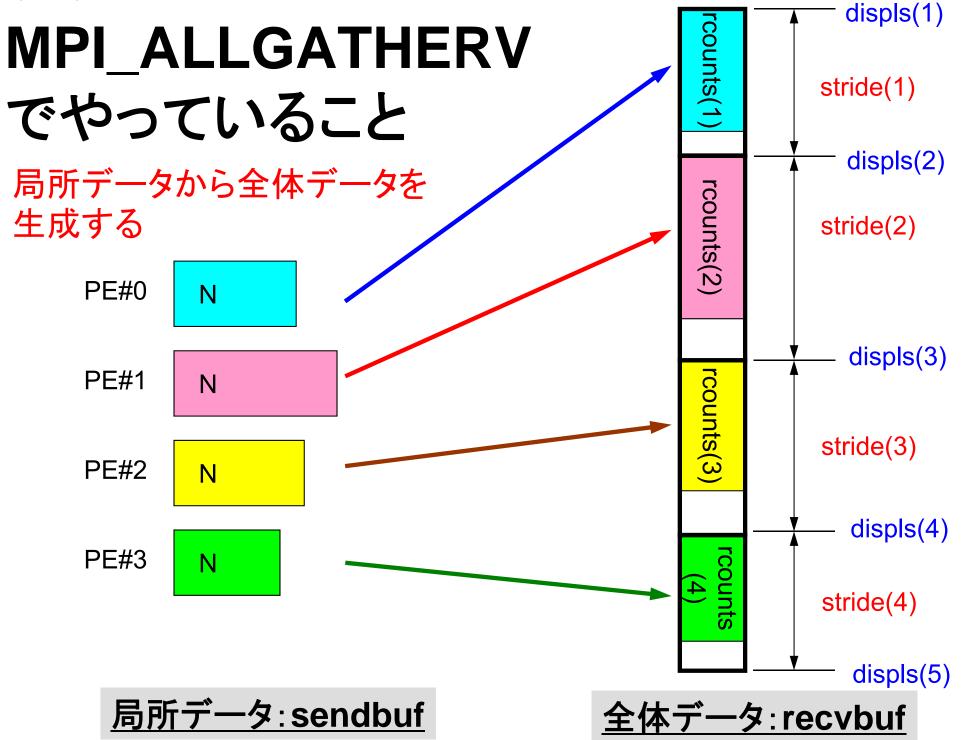
Fortran

MPI_ALLGATHERV(続き)

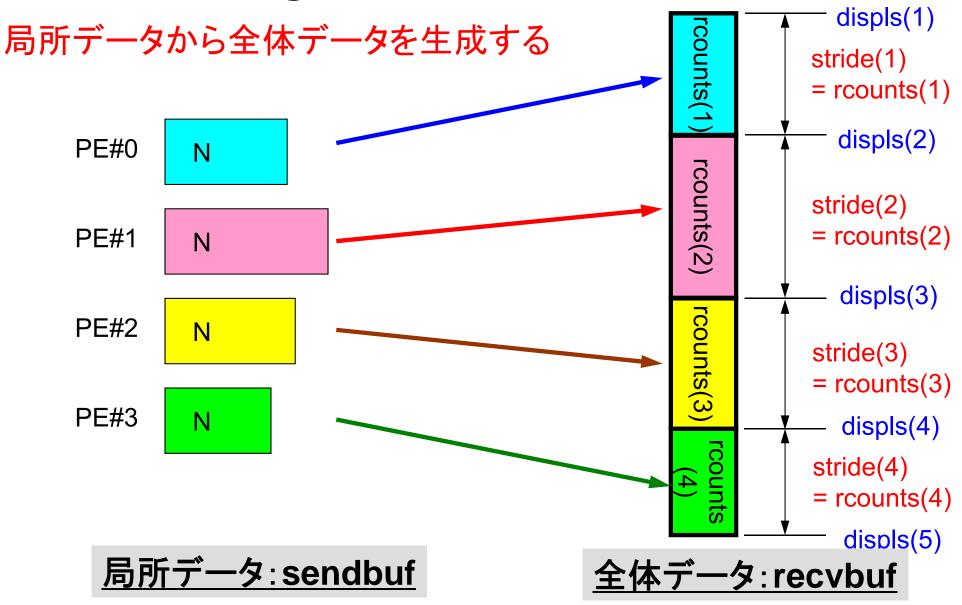
- call MPI_ALLGATHERV (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcounts, displs, recvtype, comm, ierr)
 - <u>rcounts</u> 整数 I 受信メッセージのサイズ(配列:サイズ=PETOT)
 - displs 整数 I 受信メッセージのインデックス(配列:サイズ=PETOT+1)
 - この2つの配列は,最終的に生成される「全体データ」のサイズに関する配列であるため,各プロセスで配列の全ての値が必要になる:
 - もちろん各プロセスで共通の値を持つ必要がある。
 - 通常はstride(i)=rcounts(i)



size(recvbuf)= displs(PETOT+1)= sum(stride)



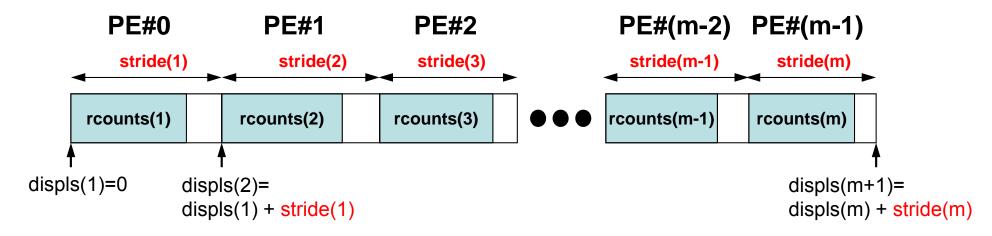
MPI_ALLGATHERV でやっていること



MPI_ALLGATHERV詳細(1/2)



- call MPI_ALLGATHERV (sendbuf, scount, sendtype, recvbuf, rcounts, displs, recvtype, comm, ierr)
 - <u>rcounts</u> 整数 I 受信メッセージのサイズ(配列:サイズ=PETOT)
 - displs 整数 I 受信メッセージのインデックス(配列:サイズ=PETOT+1)
- rcounts
 - 各PEにおけるメッセージサイズ:局所データのサイズ
- displs
 - 各局所データの全体データにおけるインデックス
 - displs(PETOT+1)が全体データのサイズ

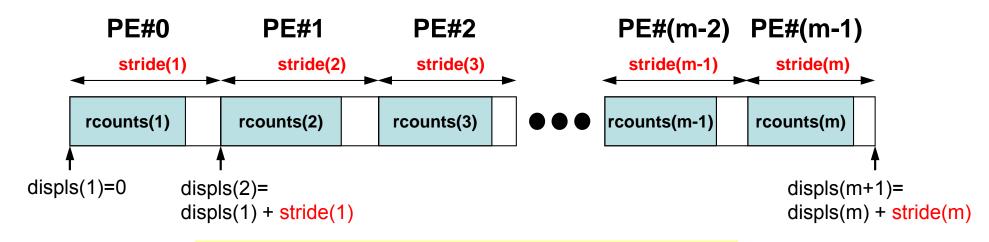


size(recvbuf)= displs(PETOT+1)= sum(stride)

MPI_ALLGATHERV詳細(2/2)



- rcountsとdisplsは各プロセスで共通の値が必要
 - 各プロセスのベクトルの大きさ N をallgatherして, rcounts に相当するベクトルを作る.
 - rcountsから各プロセスにおいてdisplsを作る(同じものができる).
 - stride(i)= rcounts(i) とする
 - rcountsの和にしたがってrecybufの記憶領域を確保する.



size(recvbuf)= displs(PETOT+1)= sum(stride)

MPI_ALLGATHERV使用準備 例題:<\$P-S1>/agv.f, <\$P-S1>/agv.c

• "a2.0"~"a2.3"から、全体ベクトルを生成する.

各ファイルのベクトルのサイズが、8,5,7,3であるから、長さ23(=8+5+7+3)のベクトルができることになる。

a2.0~a2.3

PE#0 8 101.0 103.0 105.0 106.0 109.0 111.0 121.0

151.0

PE#1 201.0 203.0 205.0 206.0 209.0

PE#2 301.0 303.0 305.0 306.0 311.0 321.0 351.0

PE#3 401.0 403.0 405.0

MPI_ALLGATHERV 使用準備(1/4)

<\$P-S1>/agv.f

```
implicit REAL*8 (A-H,O-Z)
include 'mpif.h'
integer :: PETOT, my_rank, SOLVER_COMM, ierr
real(kind=8), dimension(:), allocatable :: VEC
real(kind=8), dimension(:), allocatable :: VEC2
real(kind=8), dimension(:), allocatable :: VECg
integer(kind=4), dimension(:), allocatable :: rcounts
integer(kind=4), dimension(:), allocatable :: displs
character(len=80) :: filename
call MPI_INIT (ierr)
call MPI COMM SIZE (MPI COMM WORLD, PETOT, ierr)
call MPI COMM RANK (MPI COMM WORLD, my_rank, ierr)
if (my rank.eq.0) filename= 'a2.0'
if (my_rank.eq.1) filename= 'a2.1'
if (my_rank.eq.2) filename= 'a2.2'
if (my_rank.eq.3) filename= 'a2.3'
open (21, file= filename, status= 'unknown')
   read (21,*) N
   allocate (VEC(N))
                                                                        N(NL)の値が各PEで
   do i= 1, N
                                                                        異なることに注意
     read (21,*) VEC(i)
   enddo
```

MPI_ALLGATHERV 使用準備(2/4)

<\$P-S1>/agv.f

MPI Allgather

PE#0 N=8

PE#1 N=5

PE#2 N=7

PE#3 N=3

rcounts(1:4)= {8, 5, 7, 3}

rcounts(1:4)= {8, 5, 7, 3}

 $rcounts(1:4) = \{8, 5, 7, 3\}$

 $rcounts(1:4) = \{8, 5, 7, 3\}$

MPI_ALLGATHERV 使用準備(2/4)

<\$P-S1>/agv.f

```
allocate (rcounts(PETOT), displs(PETOT+1))
 rcounts= 0
write (*, '(a, 10i8)') "before", my_rank, N, rcounts
call MPI_allGATHER ( N , 1, MPI_INTEGER,
                                                          &
                      rcounts, 1, MPI_INTEGER,
&
                     MPI COMM WORLD, ierr)
                                                               各PEにrcountsを
                                                               生成
write (*,'(a,10i8)') "after ", my rank, N, rcounts
displs(1) = 0
do ip= 1, PETOT
                                                               各PEでdisplsを
   displs(ip+1)= displs(ip) + rcounts(ip)
                                                               生成
enddo
write (*,'(a,10i8)') "displs", my_rank, displs
call MPI FINALIZE (ierr)
 stop
 end
```

MPI_ALLGATHERV 使用準備(3/4)

```
> mpifrtpx -Kfast agv.f
> mpifccpx -Kfast agv.c
> pjsub go4.sh
before
                      8
after
                                               13
                                                                23
displs
                                                       20
before
after
displs
                                               13
                                                       20
                                                                23
before
                      3
after
displs
                                               13
                                                       20
                                                                23
before
after
displs
                                                                23
                                               13
                                                       20
```

```
write (*, '(a,10i8)') "before", my_rank, N, rcounts
write (*,'(a,10i8)') "after ", my_rank, N, rcounts
write (*,'(a,i8,8x,10i8)') "displs", my_rank, displs
```

MPI_ALLGATHERV 使用準備(4/4)

- 引数で定義されていないのは「recybuf」だけ.
- ・サイズは・・「displs(PETOT+1)」
 - 各PEで、「allocate (recvbuf(displs(PETOT+1))」のようにして記憶領域を確保する

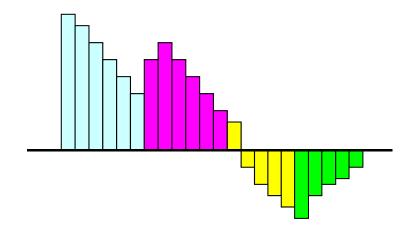
課題S1(1/2)

- 「<\$P-S1>/a1.0~a1.3」,「<\$P-S1>/a2.0~a2.3」から局所ベクトル情報を読み込み,全体ベクトルのノルム(||x||)を求めるプログラムを作成する(S1-1).
 - ノルム ||x|| は, 各要素の2乗の和の平方根である.
 - <\$P-S1>file.f, <\$T-S1>file2.fをそれぞれ参考にする.
- 「<\$P-S1>/a2.0~a2.3」から局所ベクトル情報を読み込み、「全体ベクトル」情報を各プロセッサに生成するプログラムを作成する、MPI_Allgathervを使用する(S1-2).

課題S1(2/2)

下記の数値積分を台形公式によって求めるプログラムを作成する. MPI_Reduce, MPI_Bcast等を使用して並列化を実施し、プロセッサ数を変化させた場合の計算時間を測定する(S1-3).

$$\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} \, dx$$



$$\frac{1}{2}\Delta x \left(f_1 + f_{N+1} + \sum_{i=2}^{N} 2f_i \right)$$